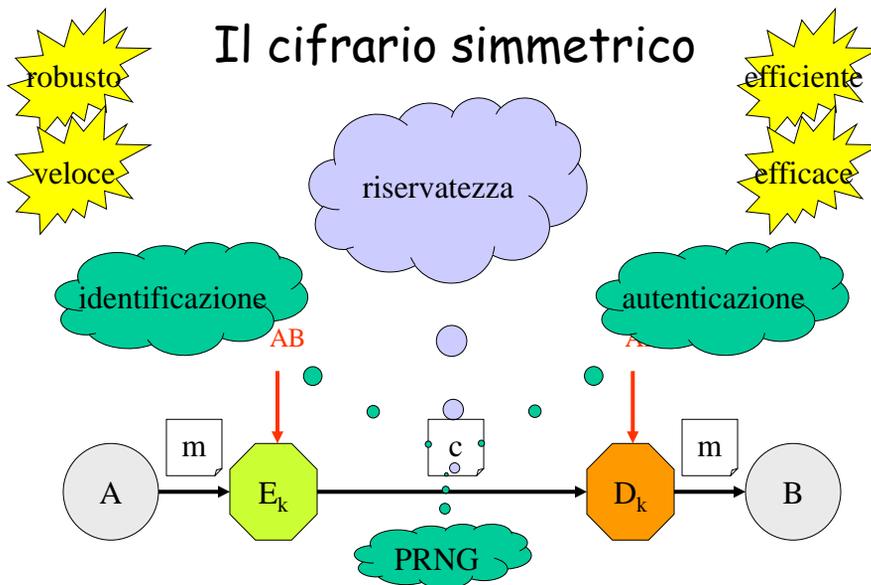
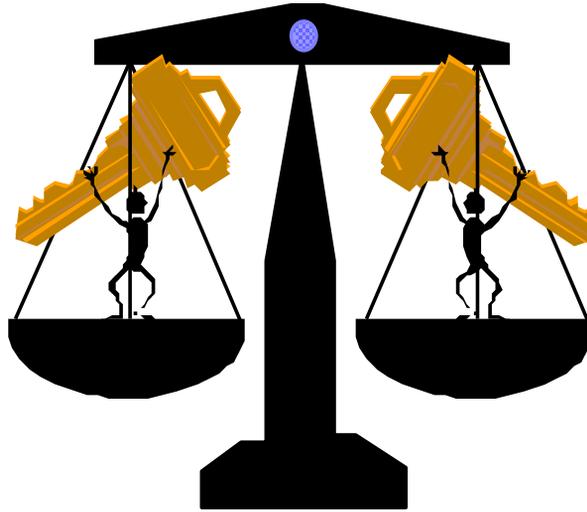


# Meccanismi simmetrici



- $m_1, m_2, \dots, m_N$   $\Rightarrow$  1. A: calcola  $c = E_{AB}(m)$  e trasmette  $c$   
 $c_1, c_2, \dots, c_N$   $\Rightarrow$  2. B: calcola  $D_{AB}(c) = D_{AB}(E_{AB}(m)) = m$

## Cifrari a flusso ed a blocchi

One time pad

**+** veloce

**Cifrario a flusso** (stream cipher): trasforma, **con una regola variabile al progredire del testo**, uno o pochi bit alla volta del testo da cifrare e da decifrare.

Protezione dei singoli bit di una trasmissione seriale

WEP, GSM

Cifrario poligrafico

Cifrario composto

**+** sicuro

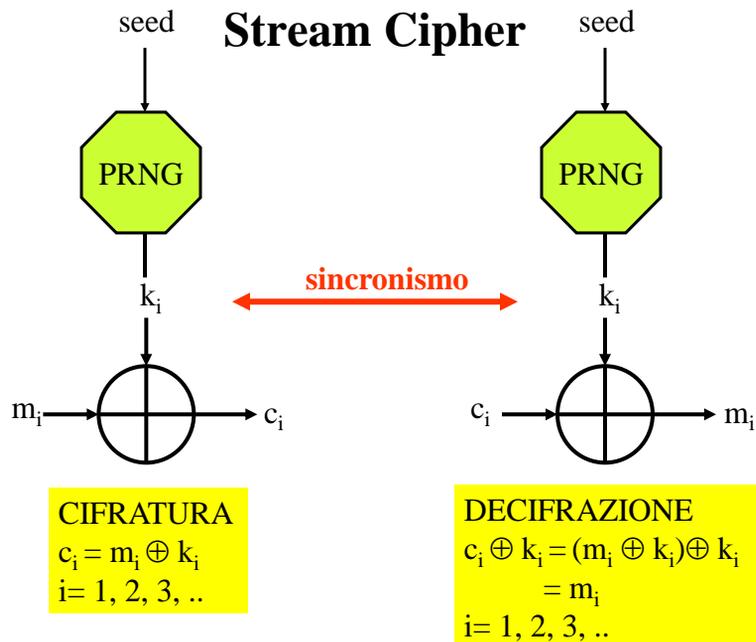
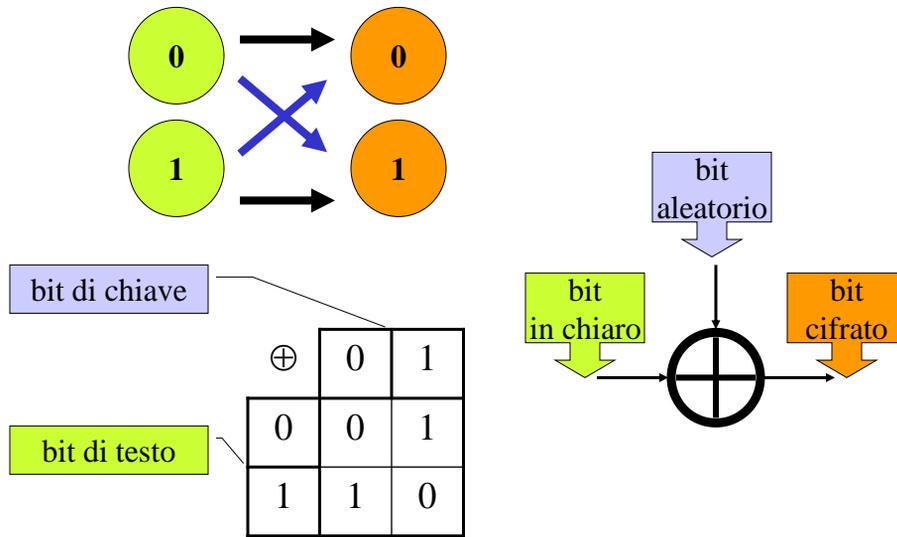
**Cifrario a blocchi** (block cipher): trasforma, **con una regola fissa** ed uno alla volta, blocchi di messaggio formati da molti bit.

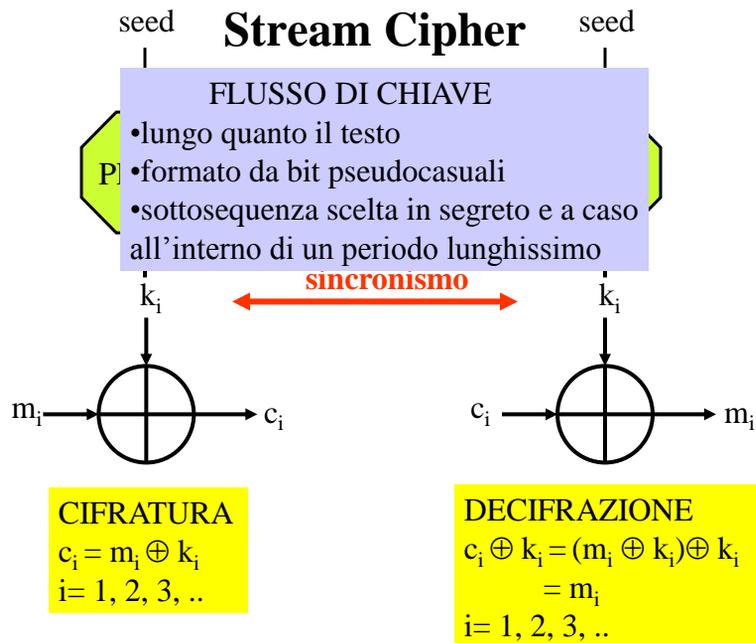
Protezione di pacchetti, di file e di strutture di dati

IPSec, SFS

**Cifrari a flusso**

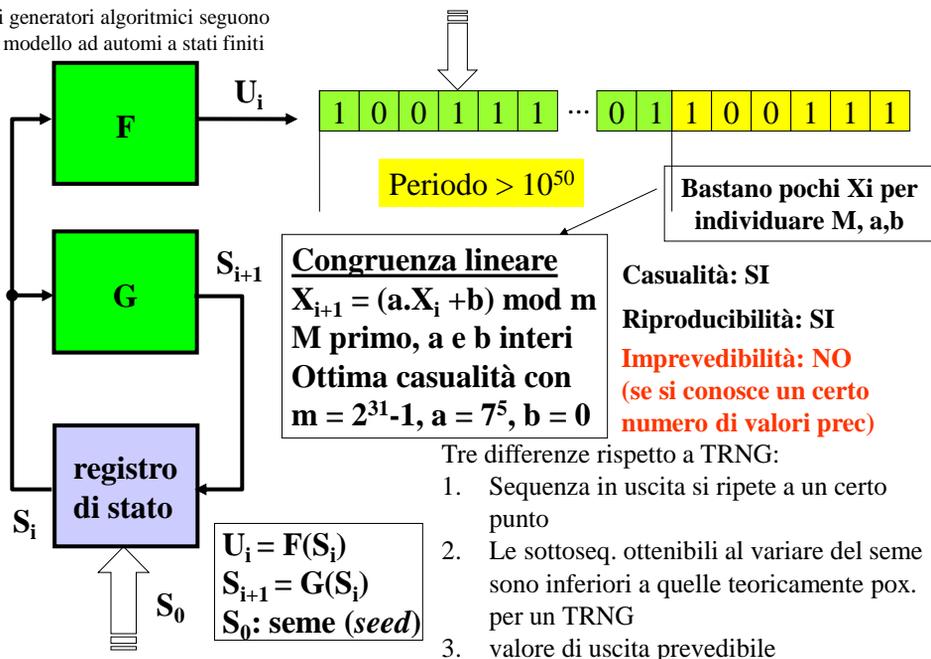
## Il meccanismo per la sostituzione di un bit





## Pseudo Random Number Generator

i generatori algoritmici seguono modello ad automi a stati finiti



## Cryptographically Secure PseudoRandom Bit Generator

**casualità** dell'uscita  
(periodo grandissimo)

Test statistici

**imprevedibilità** dell'uscita

**Next-bit test:** dati L bit della stringa d'uscita non deve esistere un algoritmo polinomiale in grado di predire il bit L+1-esimo con probabilità  $> 0,5$

**indeducibilità** di stati precedenti  
(imprevedibile e segreto)

One-way function

Funzione di stato futuro o di uscita

**Crittografia simmetrica:**

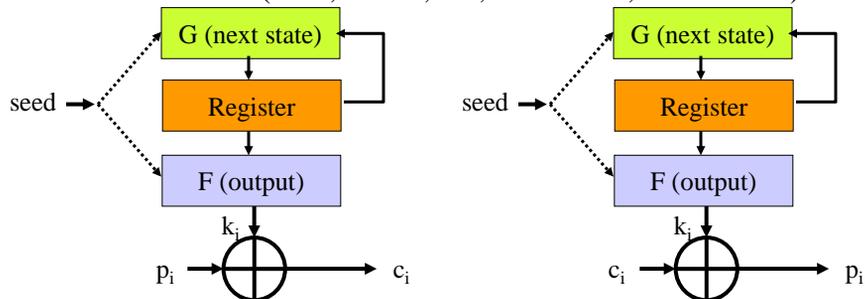
- verifica sperimentale
- alta velocità

**Crittografia asimmetrica:**

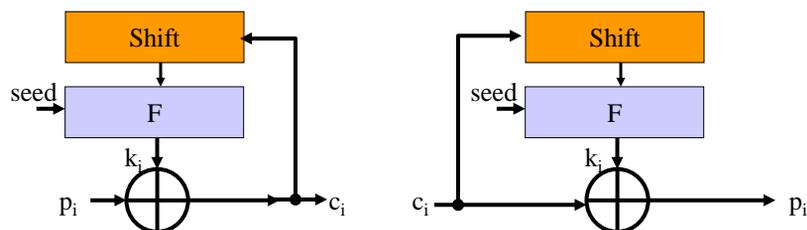
- dimostrazione teorica
- bassa velocità

## Stream ciphers

- A flusso sincrono (RC4, SEAL, A5, DES-CTR, DES-OFB..)



- Con auto-sincronizzazione (DES-CFB, ..)



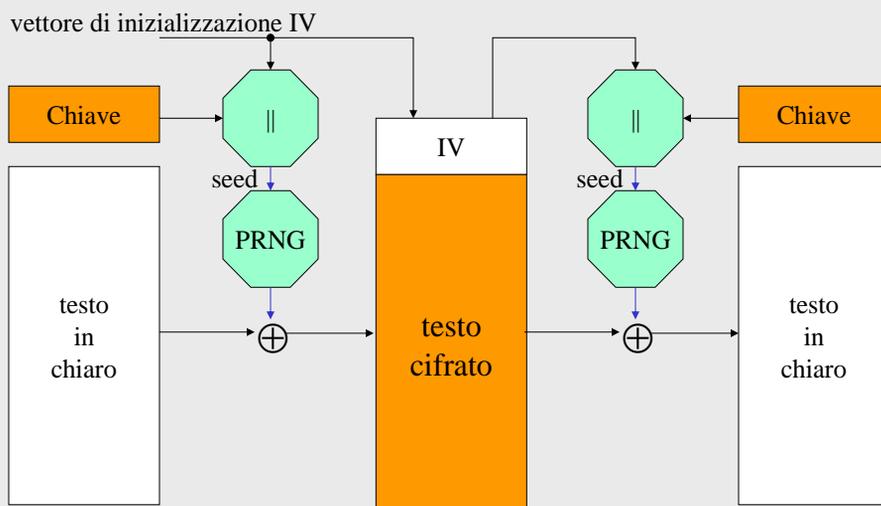
## Problemi dei Cifrari a flusso

ATTACCHI	FLUSSO SINCRONO	AUTOSINCR.
Cancellazione di bit	perdita di sincronismo	transitorio
Inserzione di bit	perdita di sincronismo	transitorio
Modifica di bit	non propagazione	transitorio

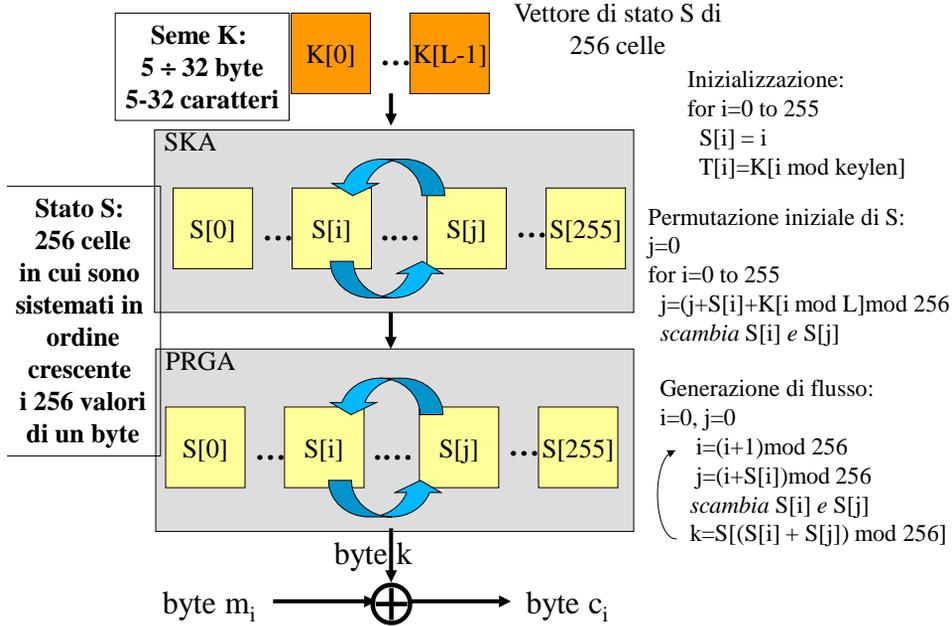
↑  
più usati

Diffusione (ogni bit di testo in chiaro influisce su molti bit di testo cifrato (ridotta la probabilità di successo di attacchi basati su ridondanza

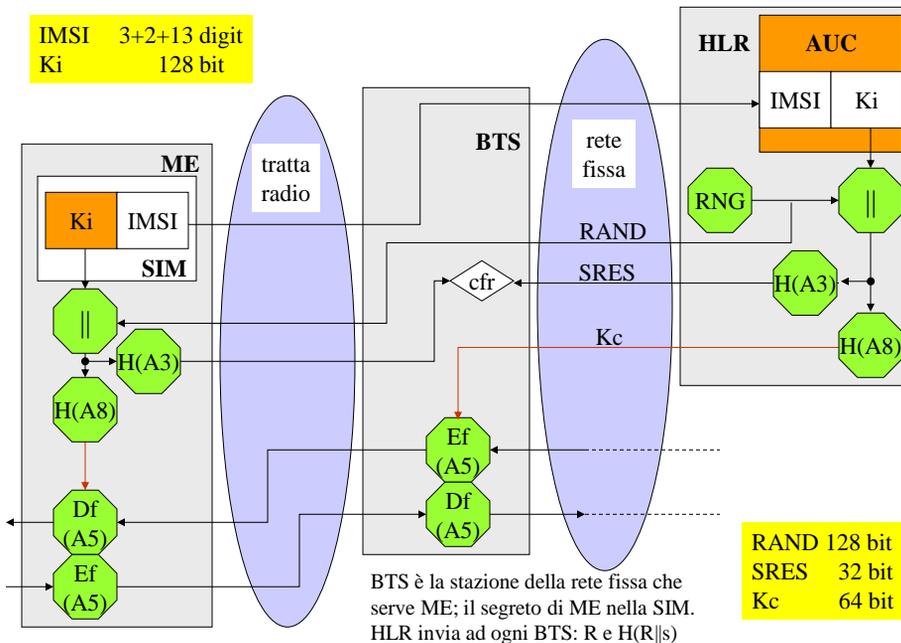
## Segretezza e variabilità del seme (WEP)



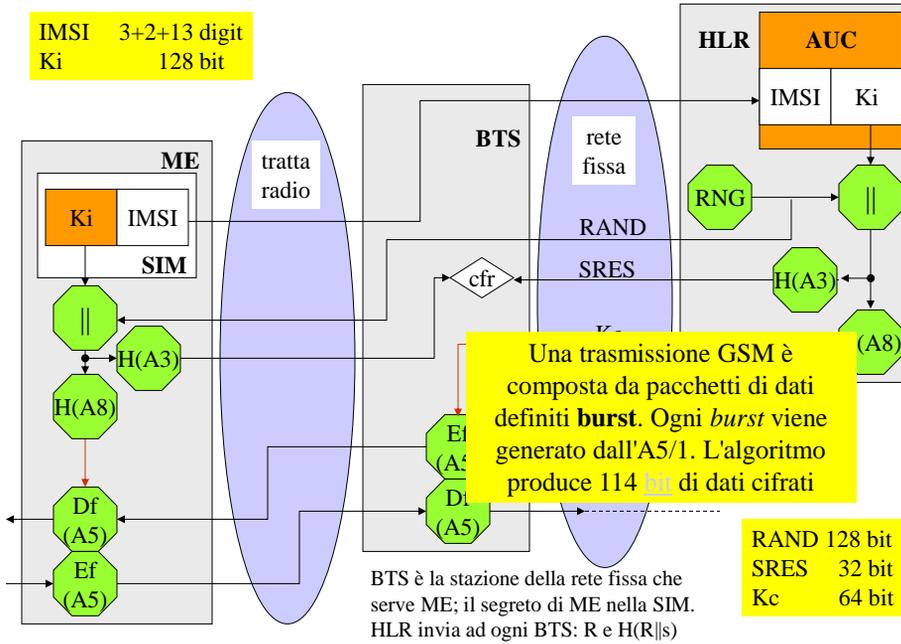
## Il Cifrario a flusso RC4 (Rivest, 1984)



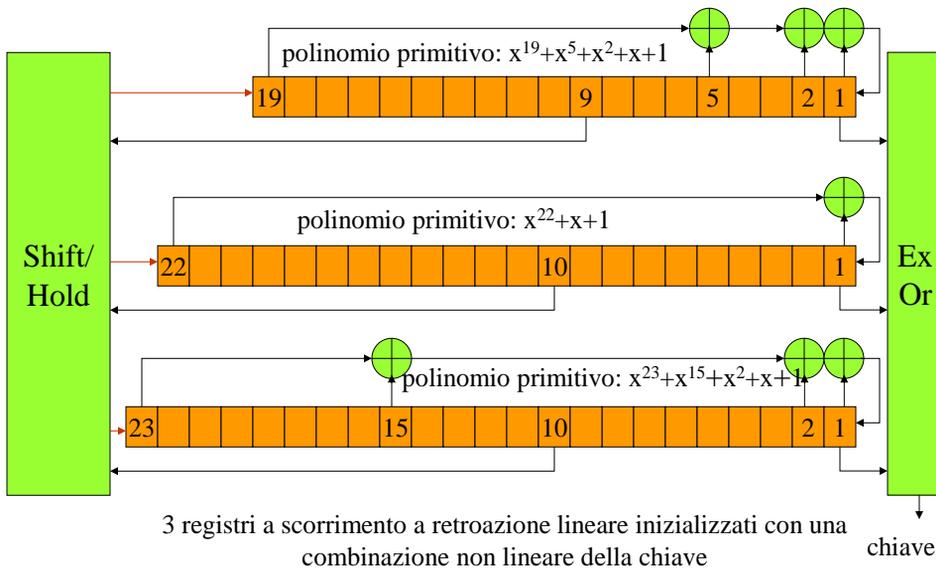
## GSM: identificazione e riservatezza



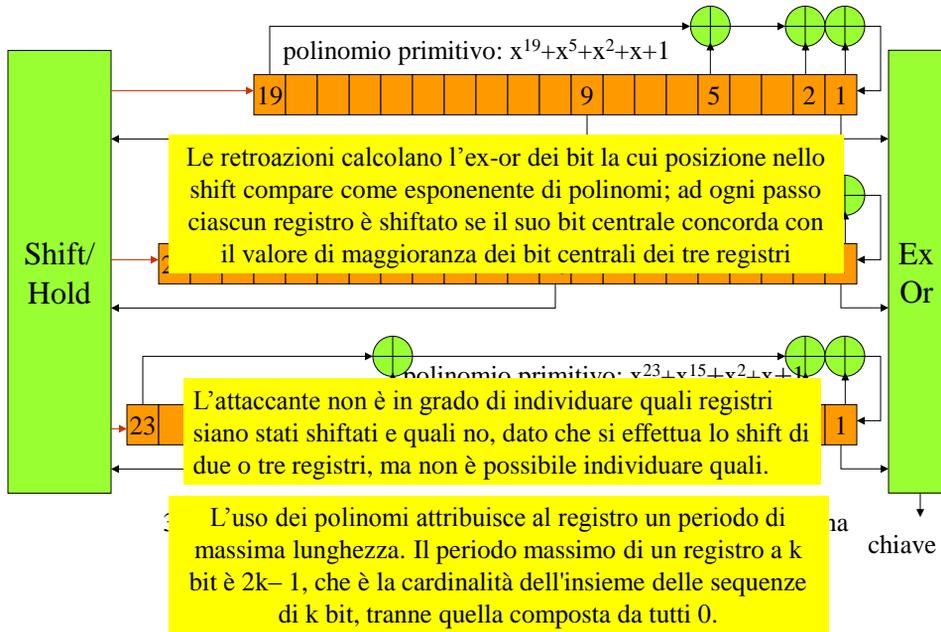
## GSM: identificazione e riservatezza



## GSM: il generatore di flusso di chiave

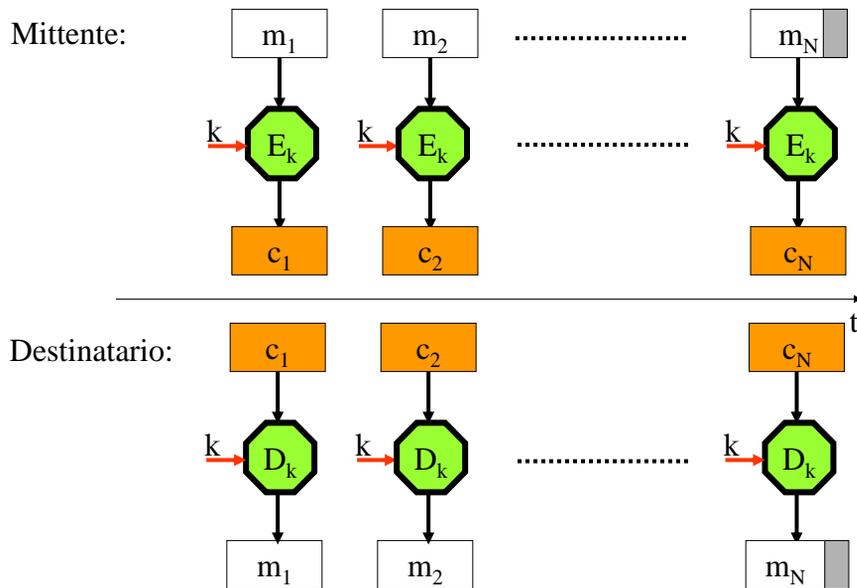


## GSM: il generatore di flusso di chiave

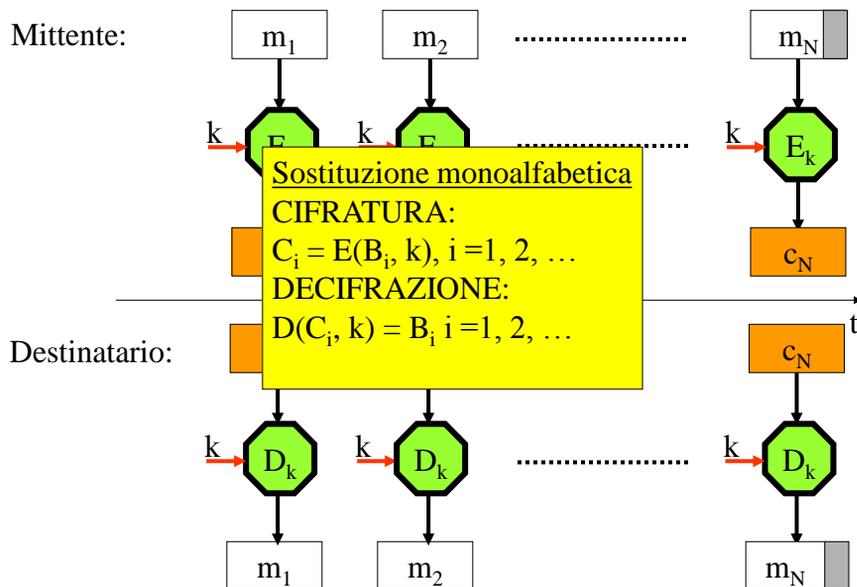


**Cifrari a blocchi**

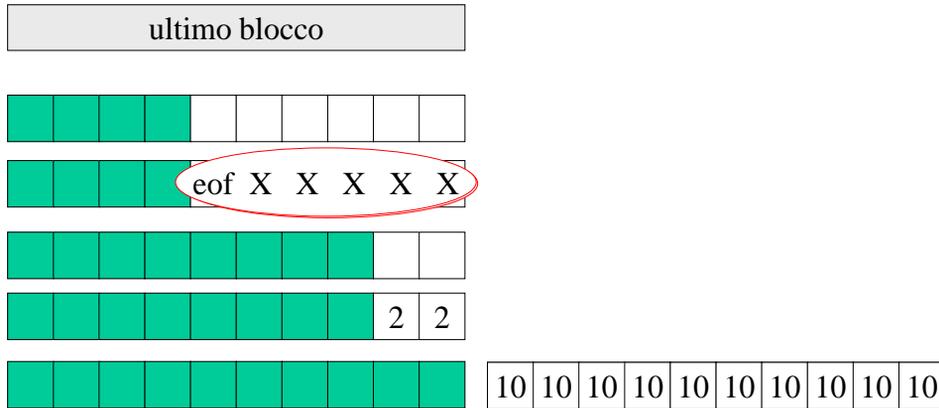
## Block cipher (modalità ECB)



## Block cipher (modalità ECB)



## Padding: standard PKCS#5 e #7



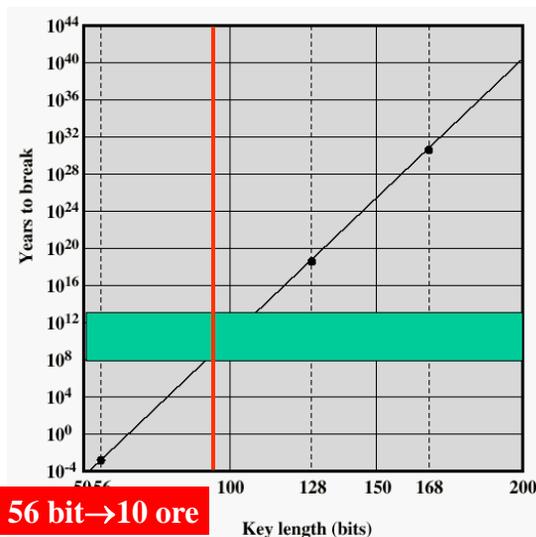
## Time to break a code

Spazio delle chiavi Forza bruta:  $T = 2^{N-1}/10^{12}$  s

N bit	$2^N$ chiavi
32	$2^{32} = 4,3 \times 10^9$
56	$2^{56} = 7,2 \times 10^{16}$
128	$2^{128} = 3,4 \times 10^{38}$
168	$2^{168} = 3,7 \times 10^{50}$
192	$2^{192} = 6,3 \times 10^{57}$

$$p = 2^{-N}$$

Valutazione sicurezza a breve termine (1996)  
 R28: "75 bit  
 ( $6 \times 10^{11}$  anni MIPS)  
 +14 bit ogni vent'anni"



## Dimensioni della chiave e del blocco

**DES Cracker (1998):** macchina parallela costata 250.000 \$ ha individuato in meno di 3 giorni una chiave di 56 bit.

Con una chiave di 168 bit impiegherebbe  $10^{31}$  anni!

**FBI, CIA:** esportazione solo di crittografia "debole" (40 bit)

**Attacchi con testo noto e scelto:** **dimensione del blocco**

**DES** (56 bit di chiave e 64 bit di blocco): anni '80 e '90;

**TDES** (112 o 168 bit di chiave e 64 bit di blocco): anni '90;

**AES** ( da 128 a 256 bit di chiave con blocchi da 128 a 256 bit):

Rijndael, prossimi 30 anni

"la chiave segreta deve essere scelta caso (R12) e frequentemente modificata (R24)".

### La rete di Feistel

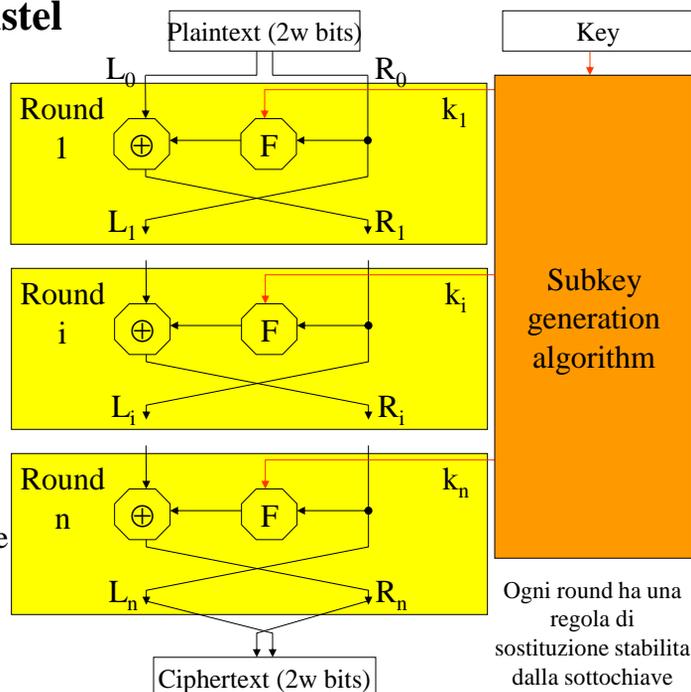
Obiettivo: ogni blocco di testo in chiaro deve produrre un blocco di testo cifrato univoco

Ogni iterazione genera due vettori di  $w$  bit ( $L_i, R_i$ ) a partire dai risultati del round  $i-1$ -esimo

$$L_i = R_{i-1}$$

$$R_i = L_{i-1} \oplus F(R_{i-1}, k_i)$$

$F$  funzione non lineare per produrre confusione  
La diffusione discende dallo scambio tra  $L$  e  $R$



Ogni round ha una regola di sostituzione stabilita dalla sottochiave

# Reti di Feistel: Cifratura/Decifrazione

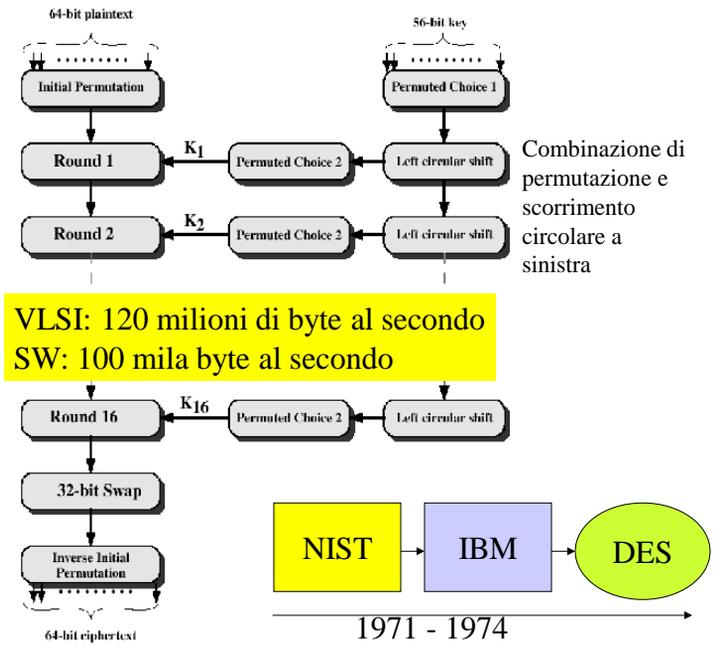
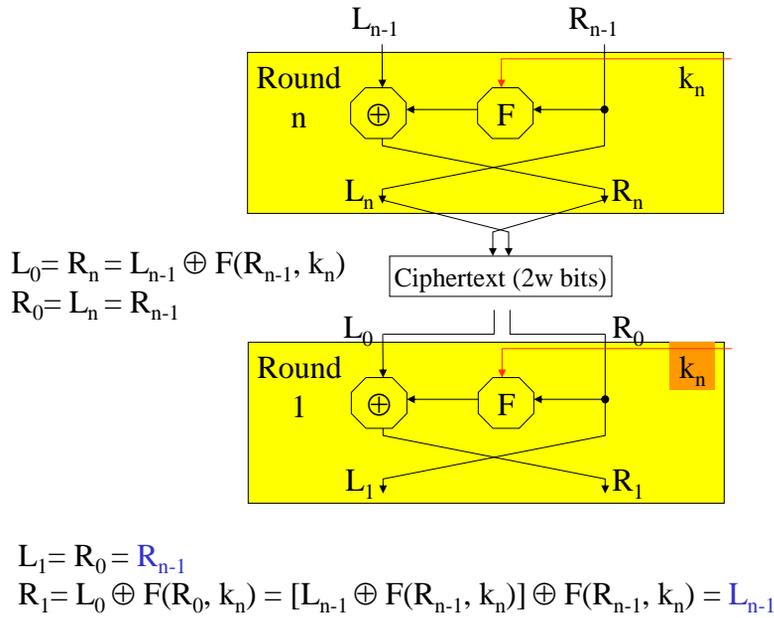
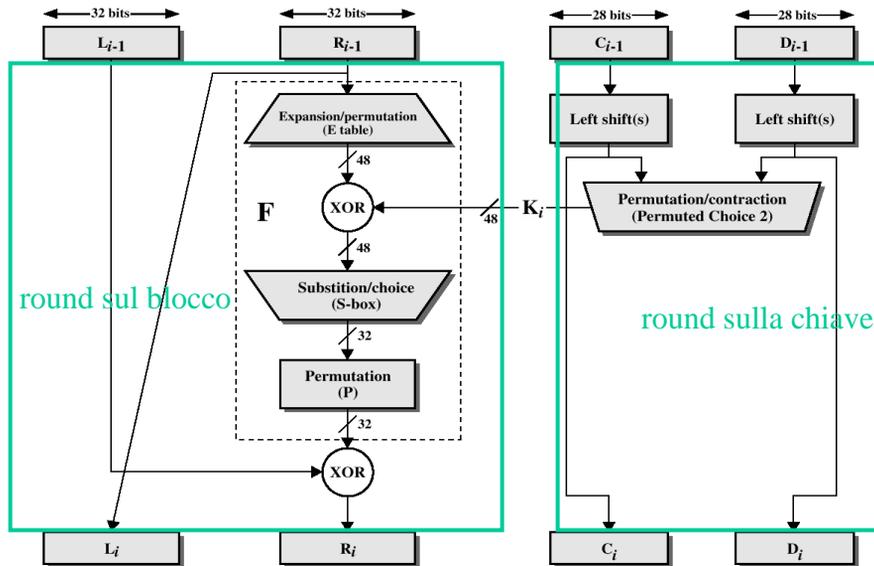


Figure 2.3 General Depiction of DES Encryption Algorithm



Ogni S-box produce una sostituzione reversibile

Figure 2.4 Single Round of DES Algorithm

## I successori del DES

Hw  $\rightarrow$  Sw

K: 64  $\rightarrow$  128+

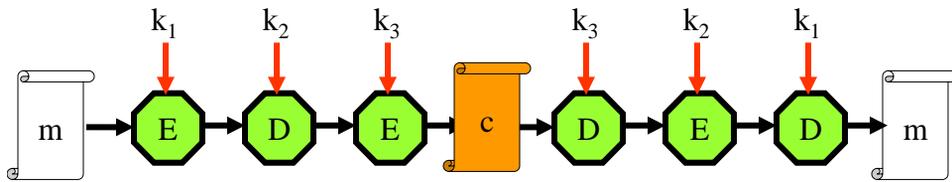
B: 64  $\rightarrow$  128+

IDEA  
TDES  
BLOWFISH  
CAST-128  
ecc.

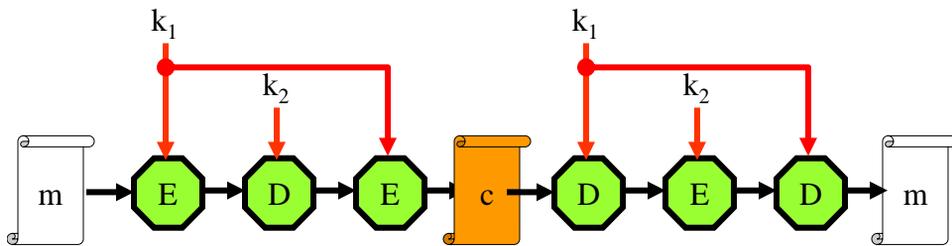
opera su 3 gruppi:

- Somma modulo 2 su vettori di 16 bit
- Addizione tra interi modulo  $2^{16}$
- Moltiplicazione tra interi modulo  $2^{16}+1$

## Il Triplo DES (TDEA, EDE)



La versione con 168 bit di chiave



La versione con 112 bit di chiave

## Advanced Encryption Standard

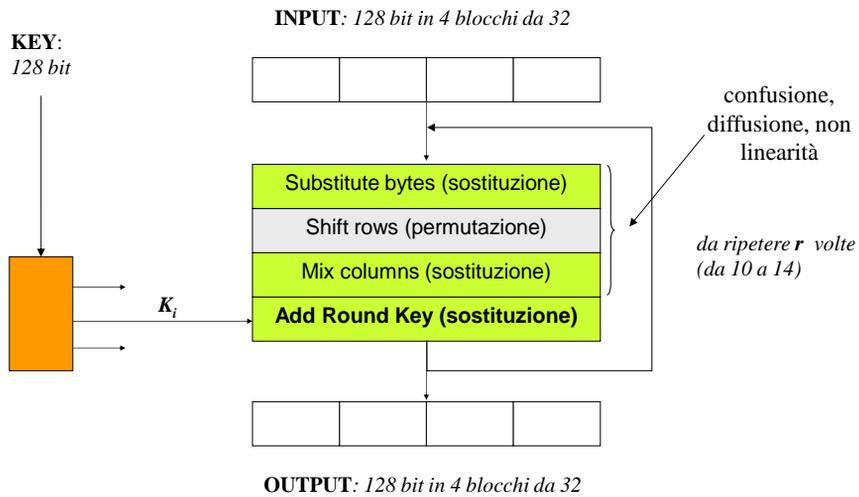
Nel 1997 il NIST emise una richiesta di proposte per un nuovo algoritmo  
5 finalisti su 16 candidati:

MARS, RC6, Rijndael, Serpent, Twofish

### Valutazione di Rijndael

- eccellenti prestazioni su tutte le piattaforme (dai main frame alle smart card),
- buon margine di sicurezza a fronte di ogni attacco conosciuto,
- bassa richiesta di memoria, sia ROM che RAM,
- veloce procedura di key setup,
- buone caratteristiche per l'esecuzione parallela delle istruzioni,
- chiavi e blocchi di principio di lunghezza variabile per multipli di 32 bit.

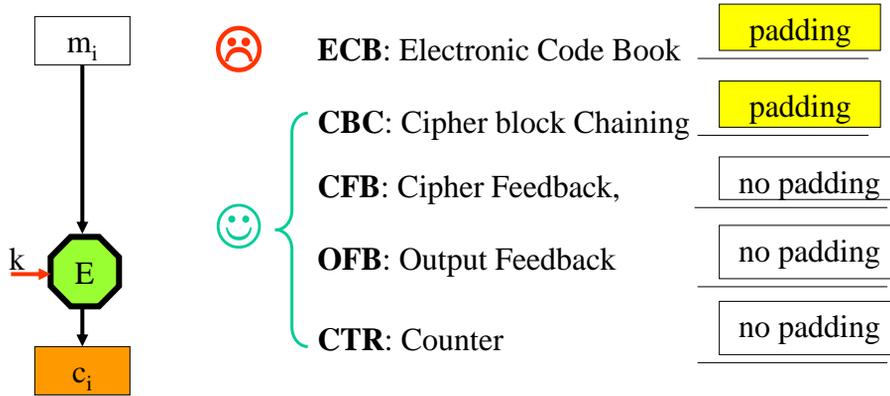
## Un round di Rijndael



No struttura di Feistel: no a metà del blocco che viene utilizzata per modificare l'altra e poi le metà scambiate

**Modalità di cifratura**

## Modalità di elaborazione a blocchi

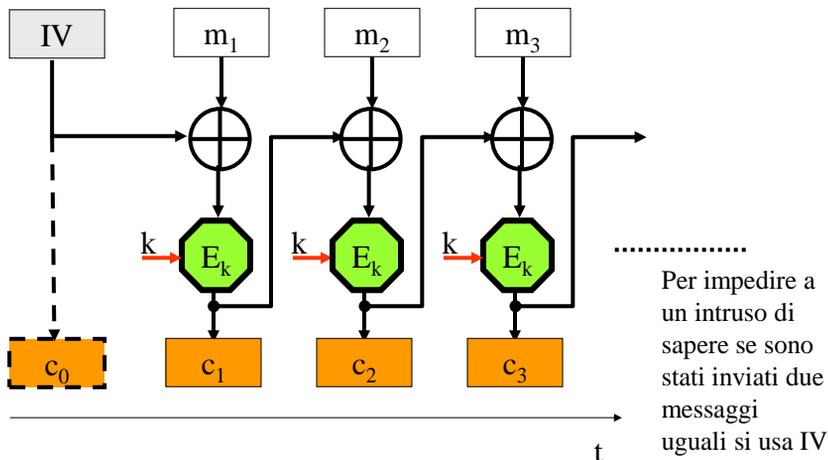


**blocchi identici di testo in chiaro  
producono**

**blocchi identici di testo cifrato**

**Se il messaggio è strutturato l'analisi crittografica può sfruttarne la  
regolarità**

## Cipher Block Chaining



### DECIFRAZIONE

$$D(c_i, k) = m_i \oplus c_{i-1}$$

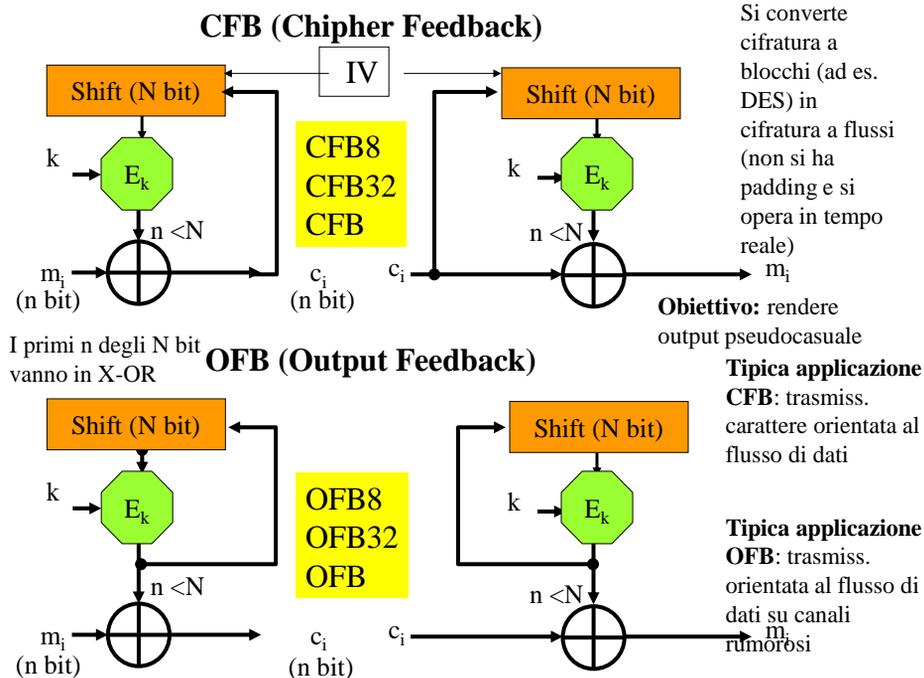
$$D(c_i, k) \oplus c_{i-1} = m_i \oplus c_{i-1} \oplus c_{i-1} = m_i$$

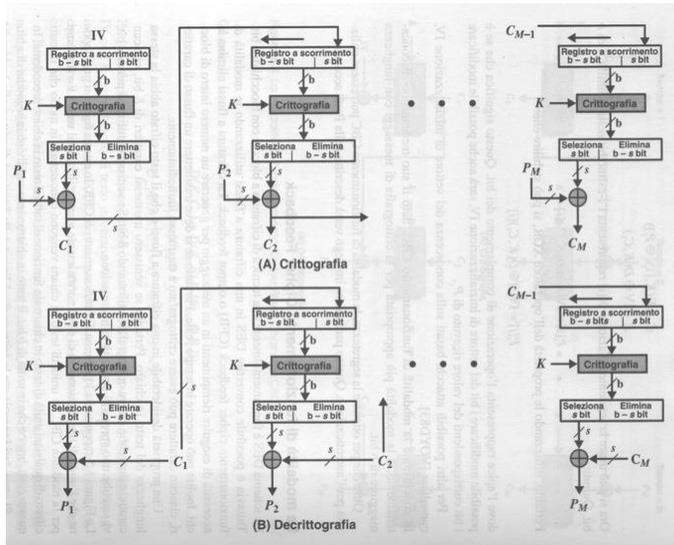
### DECIFRAZIONE

$$m_1 = D(c_1, k) \oplus IV$$

## Modalità CBC: vantaggi/svantaggi

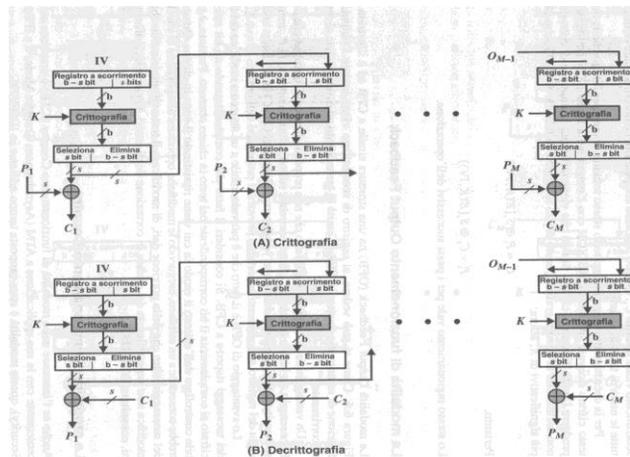
- Ciascun blocco di ciphertext dipende da **tutti i precedenti** blocchi di plaintext
- Un cambiamento in un singolo blocco ha effetto su tutti i blocchi cifrati seguenti
- C'è bisogno di un vettore di inizializzazione (IV) noto al trasmettitore e al ricevitore, non dovrebbe essere riutilizzato





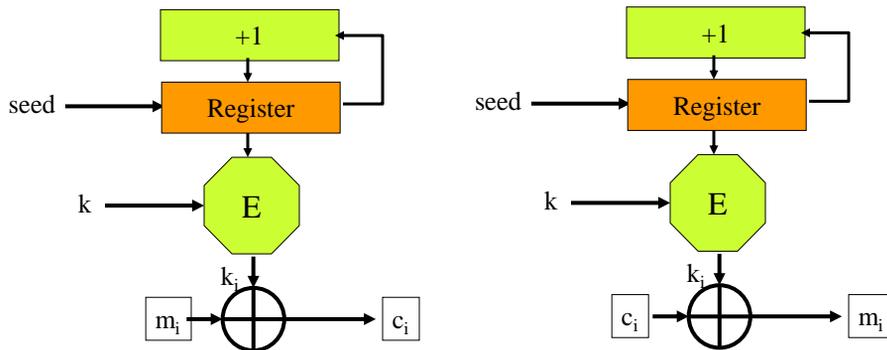
$$C_1 = P_1 \oplus S_s[E(k, IV)]$$

$$P_1 = C_1 \oplus S_s[E(k, IV)]$$

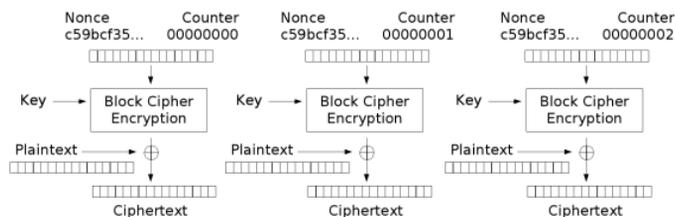


## CTR (Counter)

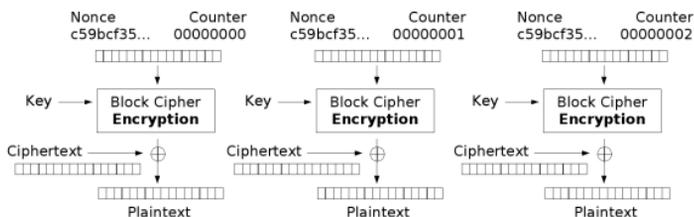
contatore di dimensione pari a quella del blocco; il valore del contatore differente per ogni blocco



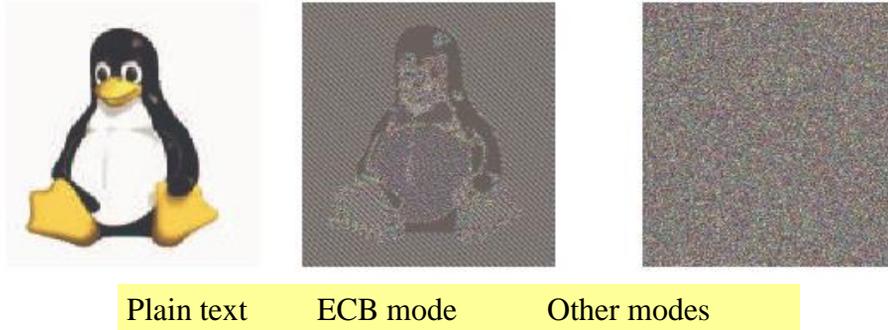
Tipica applicazione: trasmissione di carattere orientata al blocco, utile per requisiti di alta velocità (pox. di esecuzione parallela su più blocchi di testo in chiaro)



Counter (CTR) mode encryption



Counter (CTR) mode decryption



- Se Alice volesse velocemente decifrare un grande file usando molti processori quale modo preferirebbe tra CBC e CTR?

- CBC e CFB richiedono che E sia invertibile?
- Richiedono che IV sia segreto?
- Quale può usare piccoli blocchi di messaggio?
- Sono resistenti alle modifiche? ossia se un intrusore modifica o scambia i blocchi la decifrazione può ancora avere senso?
- Il blocco finale di cifrato dipende da tutti i blocchi di messaggio?
- Alice cifra con CBC, si dimentica IV ma dispone di c e K. Può risalire ad m:
- Caso 1. no
- Caso 2 quasi tutto tranne  $m_0$  (X)
- Caso 3 quasi tutto tranne  $m_0$  e  $m_1$
- Caso 4 solo il blocco  $m_{n-1}$

## Ricapitolando:

ATTACCO	CONOSCENZE DELL'INTRUSO
con solo testo cifrato	linguaggio e probabilità d'occorrenza
con testo in chiaro noto	coppie di testo in chiaro e cifrato
con testo in chiaro scelto	testi cifrati di testi in chiaro scelti
con testo cifrato scelto	testi in chiaro di testi cifrati scelti

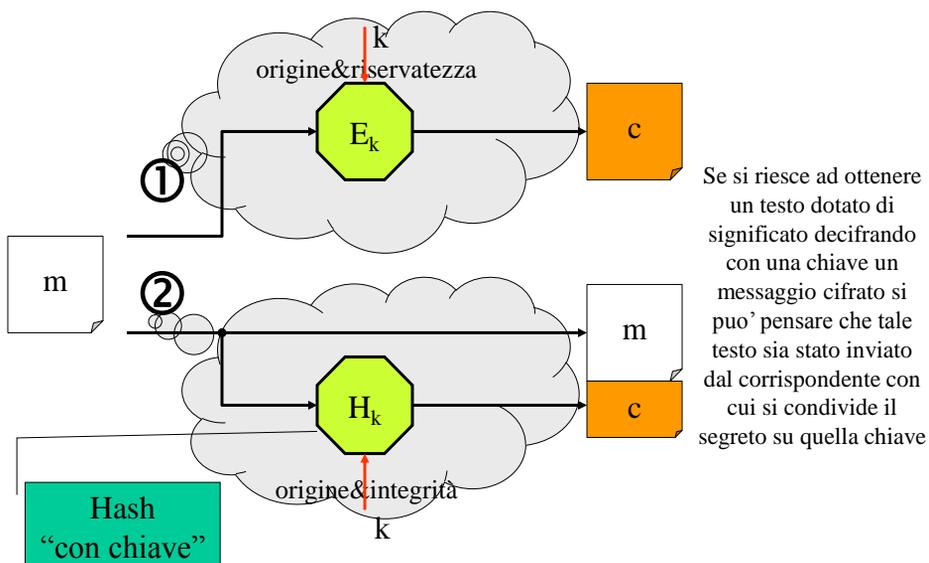
## Ricapitolando:

- Cifrario a blocco con ECB con almeno due blocchi. Caso di uso di una chiave una sola volta:  
=> anche nel caso di un solo campione di testo cifrato non ho sicurezza (dal cifrato si apprendono info sul testo in chiaro)  
Vulnerabile sia ad attacchi ciphertext only and chosen plaintext => ok se ECB cifra un solo blocco!
- Cifrario a blocco con CBC: si garantisce protezione contro ciphertext only attacks purché ben utilizzato!!! (IV casuale e imprevedibile)
  
- Se CBC non usa IV imprevedibili (ossia l'intruso può predire quale IV verrà usato per un messaggio successivo), anche CBC vulnerabile ad attacchi chosen-plaintext.

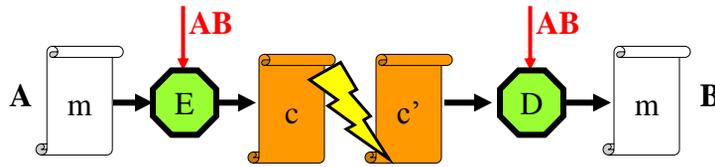


## Message Authentication

**Ipotesi:** Uso della crittografia simmetrica



## Autenticazione di m con E(m)



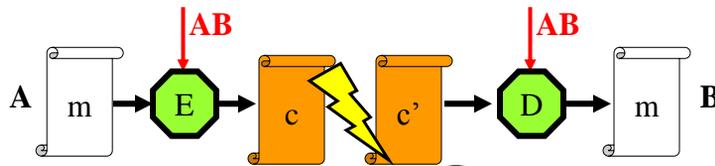
SCENARIO FAVOREVOLE

PUNTI CRITICI

<ul style="list-style-type: none"> <li>• documento riservato</li> <li>• un destinatario</li> </ul>	Efficienza	<ul style="list-style-type: none"> <li>• documento non riservato</li> <li>• più destinatari</li> </ul>
<ul style="list-style-type: none"> <li>• fiducia reciproca</li> <li>• controllo del significato</li> <li>• attacco attivo impossibile</li> </ul>	Sicurezza	<ul style="list-style-type: none"> <li>• ripudio e falsificazione</li> <li>• significato incontrollabile</li> <li>• attacco attivo possibile</li> </ul>

replica, inserzione, disordine

## Autenticazione di m con E(m)



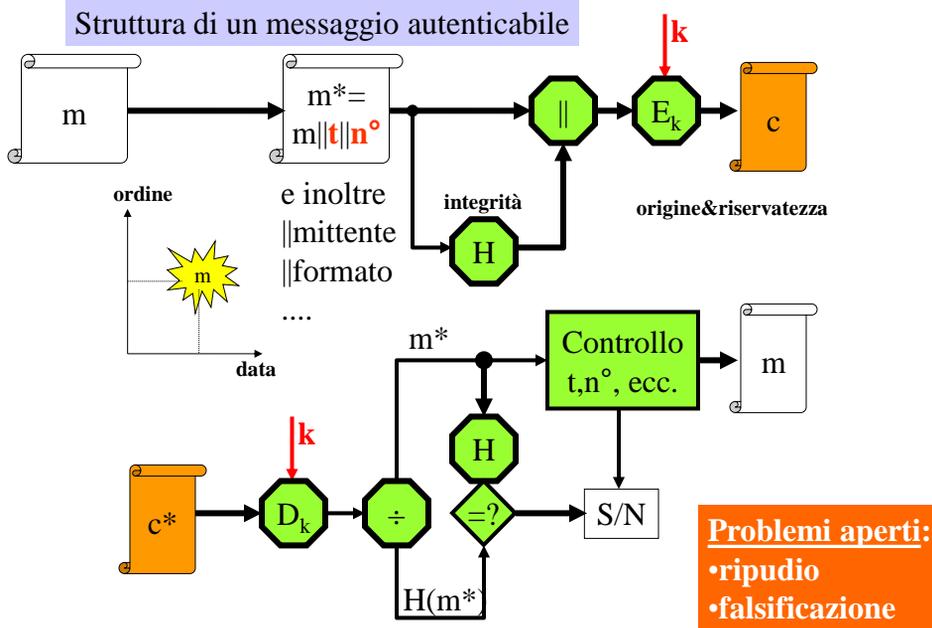
SCENARIO FAVOREVOLE

PUNTI CRITICI

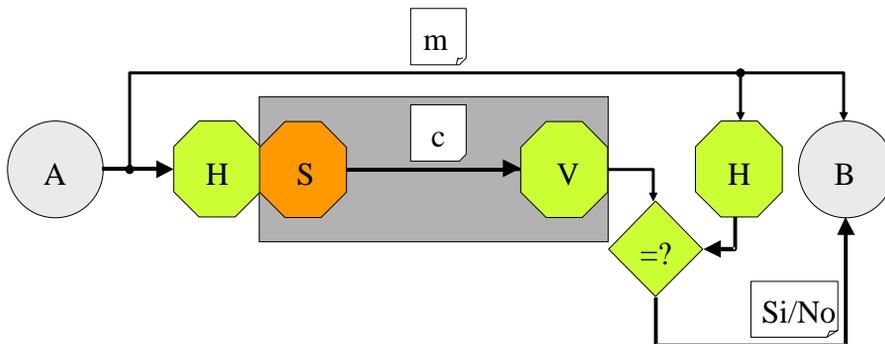
<ul style="list-style-type: none"> <li>• documento riservato</li> <li>• un destinatario</li> </ul>	<p>cifrario</p>	<p>orologio</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• documento non riservato</li> <li>• più destinatari</li> </ul>
<ul style="list-style-type: none"> <li>• fiducia reciproca</li> <li>• controllo del significato</li> <li>• attacco attivo</li> </ul>	<p>hash</p>	<p>contatore</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• ripudio e falsificazione</li> <li>• significato incontrollabile</li> <li>• attacco attivo possibile</li> </ul>

replica, inserzione, disordine

## Autenticazione di $m$ con $E(m^* || H(m^*))$



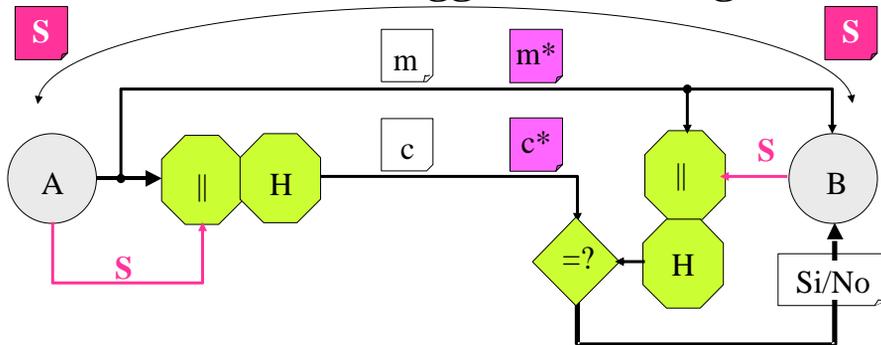
## Autenticazione di un messaggio in chiaro 1: firma digitale



**NON**  
ripudiabile

- a) canale sicuro
- b) canale reso sicuro

## Autenticazione di un messaggio in chiaro 2: hash del messaggio e di un segreto



1. calcola  $H(m||s)$

2. invia  $m$  e  $H(m||s)$

ripudiabile

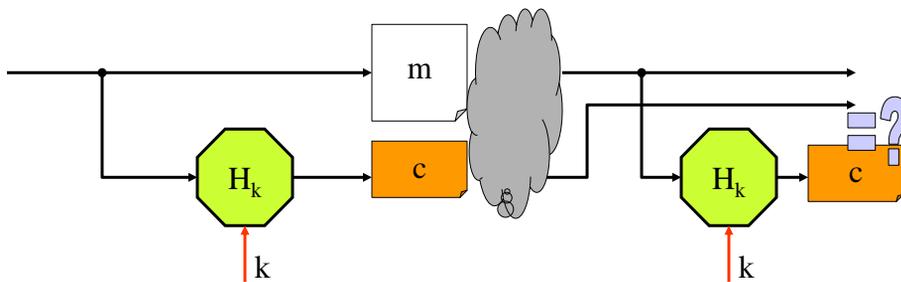
$H^{-1}$   
difficile

3. riceve  $m^*$  e  $H^*(m||s)$

4. calcola  $H(m^*||s)$

5.  $H^*(m||s) = ? H(m^*||s)$

## Integrità ed origine di un testo in chiaro



IPOTESI sulla  $H$ :

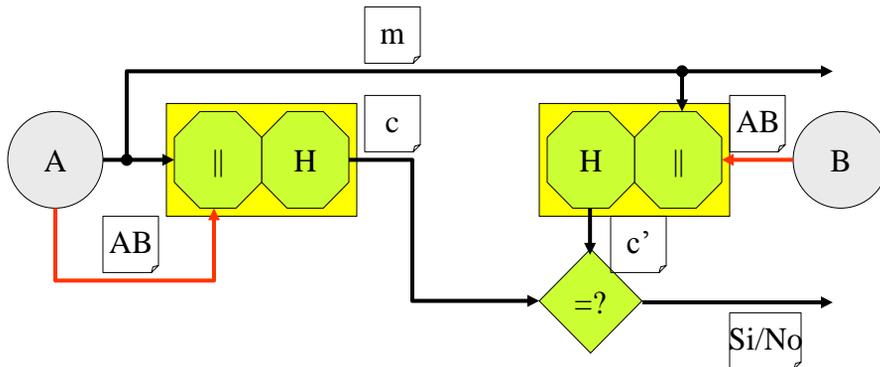
1. impossibilità di inversione
2. impossibilità di individuare collisioni

Problemi aperti:

- ripudio
- falsificazione

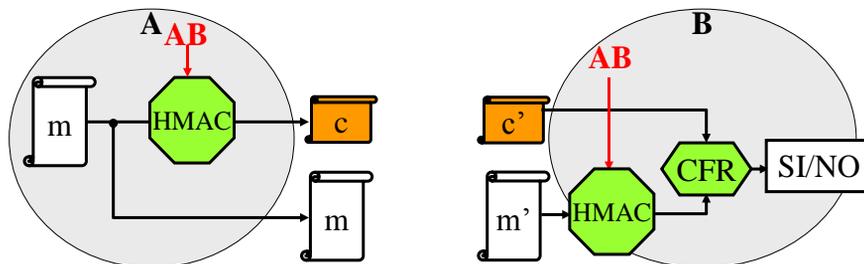
- **MAC** (hash with CBC encryption)
- **HMAC** (hash with key)

## Hash a 2 ingressi o con chiave



Usando il segreto **AB**, **A** dichiara a **B** di essere l'autore della prova di integrità **c** del messaggio **m**

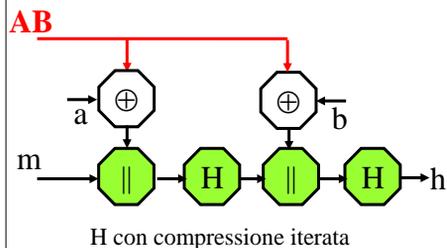
## RFC 2104: HMAC (hash “con chiave”)



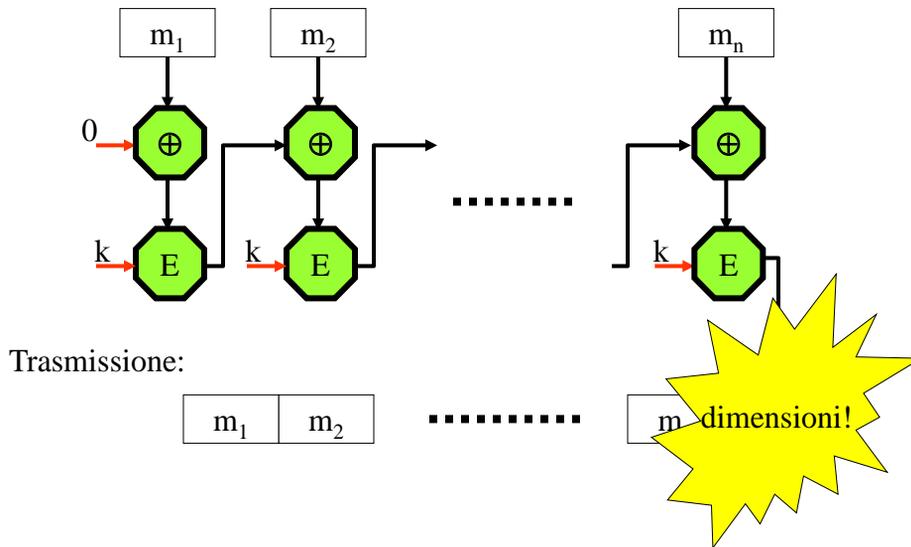
Standard Internet per dare sicurezza al livello IP

$AB \leq 64$  byte, completato con  $00_H$   
fino a 512 bit (segreto)

1.  $k_1 = AB \oplus a$ ,  $a = 36_H$  per 64 volte  
 $k_2 = AB \oplus b$ ,  $b = 5C_H$  per 64 volte
2.  $h_1 = H(k_1 || m)$
3.  $h_1'$ :  $h_1$  completato con  $00_H$
4.  $h = H(k_2 || h_1') = \text{HMAC}(AB, m)$

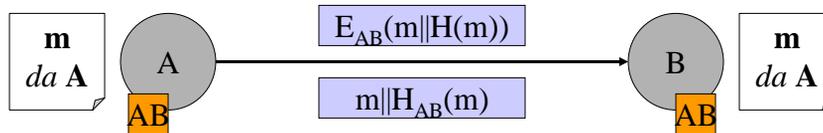


## MAC (Message Authentication Code)



**Integrità & Origine & Non ripudio**

## Ripudio e Falsificazione



**La condivisione del segreto:** problemi di sicurezza

- 1: A **ripudia**  $m$ , affermando che B l'ha alterato o forgiato
- 2: B **altera** o **forgia**  $m$ , affermando che l'ha fatto A

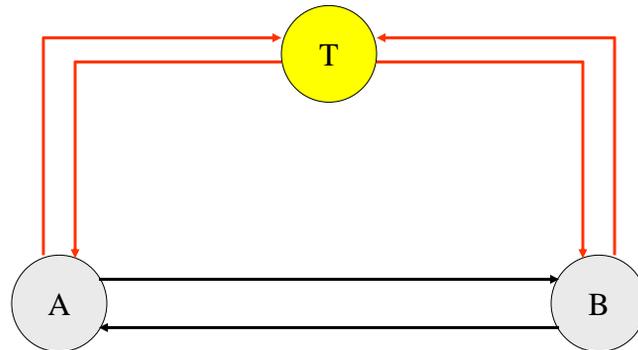
Firma digitale nel contesto della Crittografia simmetrica

## Firma digitale

La firma digitale di un documento informatico deve:

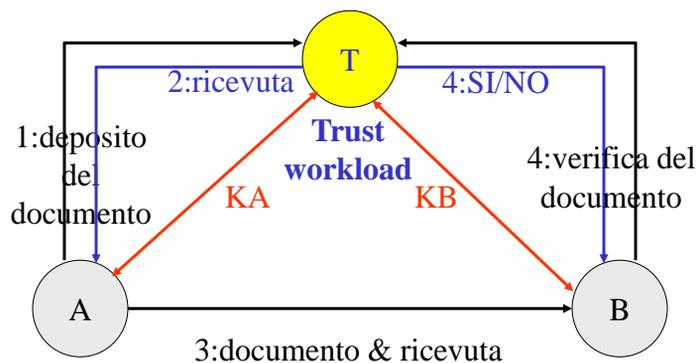
- 1- consentire a **chiunque** di identificare **univocamente** il firmatario,
- 2- non poter essere **imitata** da un impostore,
- 3- non poter essere **trasportata** da un documento ad un altro,
- 4- non poter essere **ripudiata** dall'autore,
- 5- rendere **inalterabile** il documento in cui è stata apposta.

## Il principio della terza parte fidata

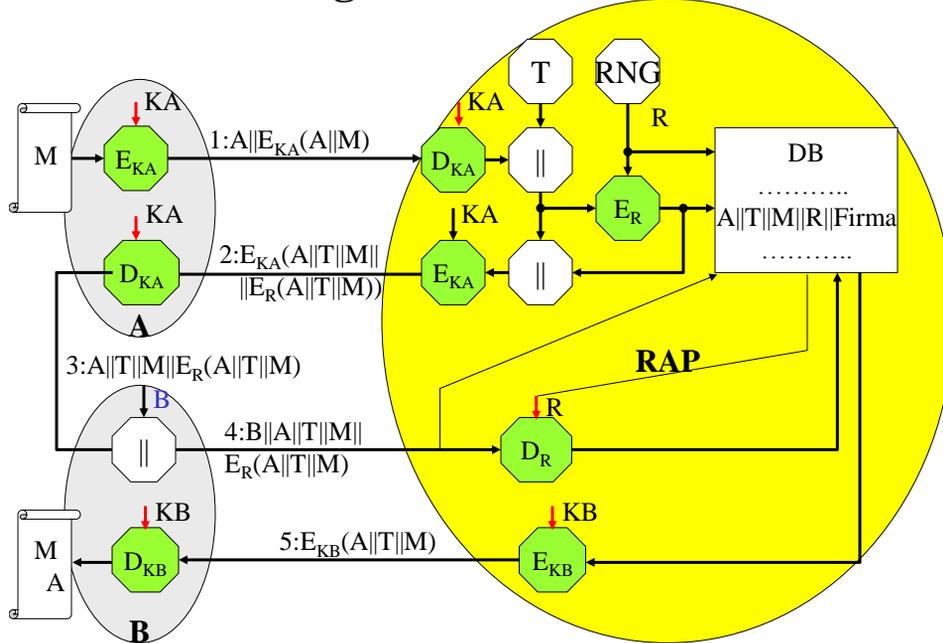


Protocolli resi sicuri dalla partecipazione di una terza parte:  
 il “**notaio**” interviene durante lo svolgimento per impedire scorrettezze  
 il “**giudice**” interviene al termine per dirimere dispute

## Firma digitale con un Cifrario simmetrico



## Registro Atti Privati



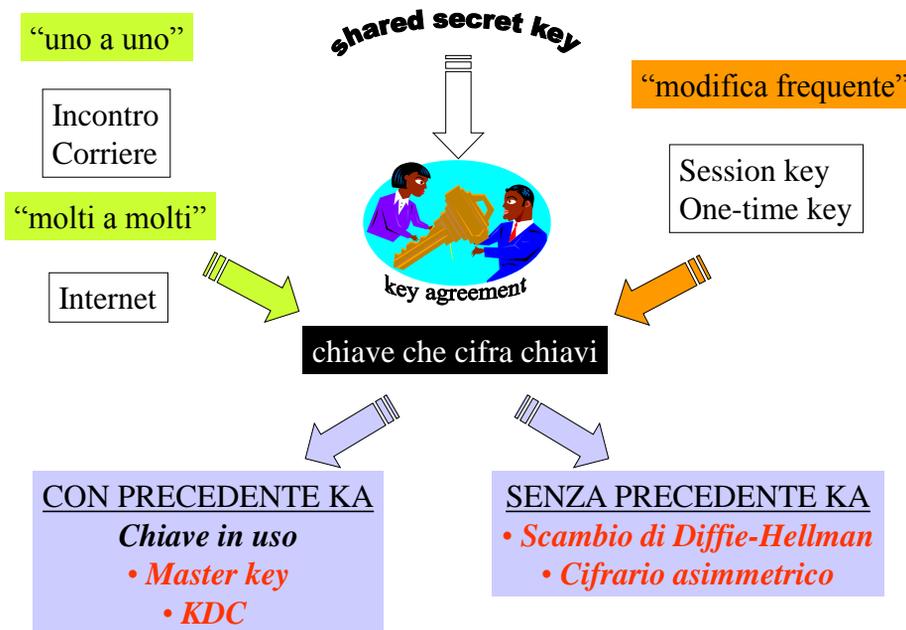
## Problemi risolti e nuovi problemi

- Ripudio
- Falsificazione

- L'Autorità deve essere sempre **on-line**.
- L'Autorità non deve costituire un **collo di bottiglia**.
- L'Autorità non deve creare **documenti falsi**.
- L'Autorità deve tenere le chiavi in una **memoria sicura**.

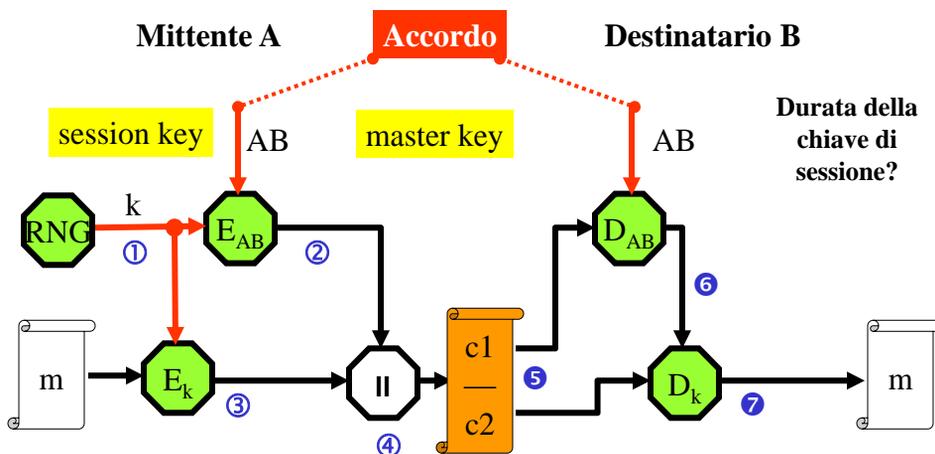


## Accordo sulla chiave segreta





## La master key

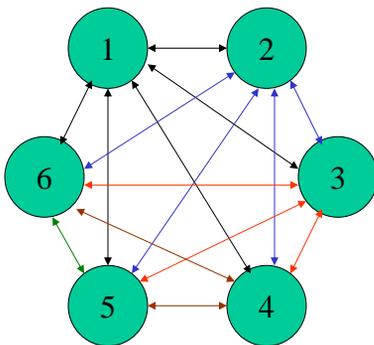


La chiave AB cifra solo le chiavi  $k$  e può avere una vita "lunga"  
 La chiave  $k$  cifra messaggi anche "lunghi" ed è usata una volta sola

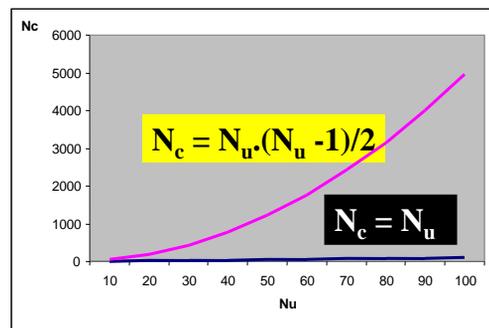


## Numero di chiavi in circolazione

Comunità di utenti



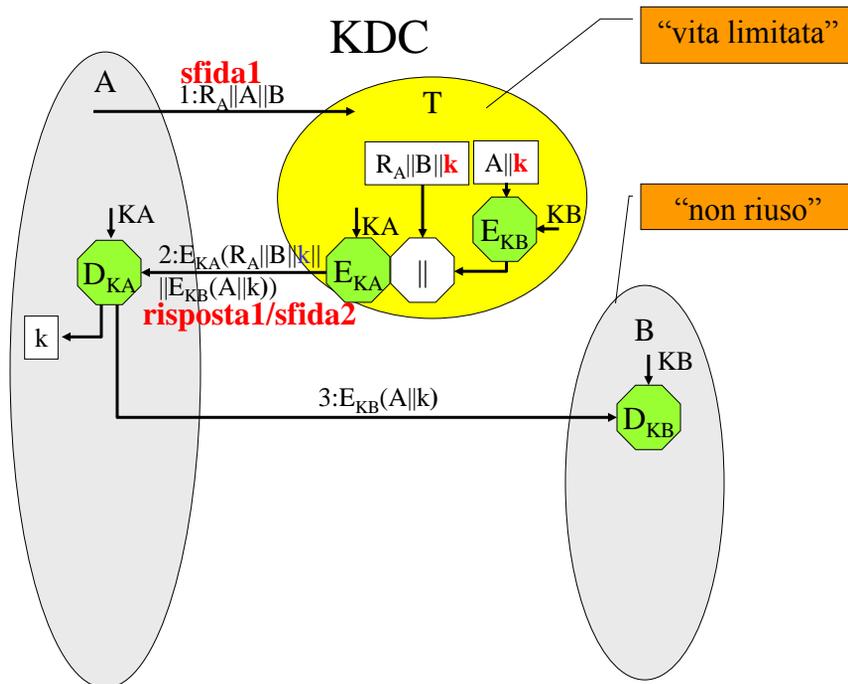
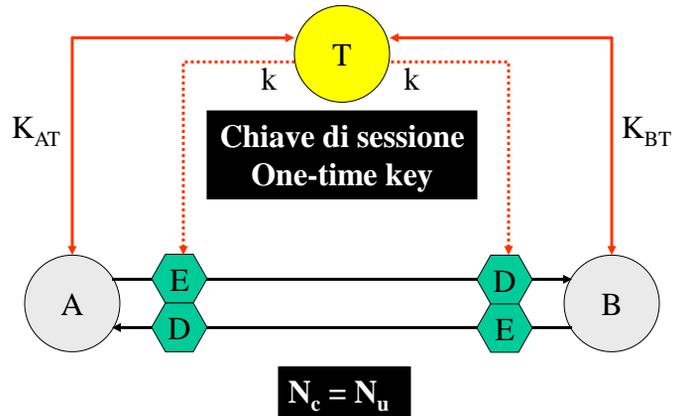
**Non è scalabile!**

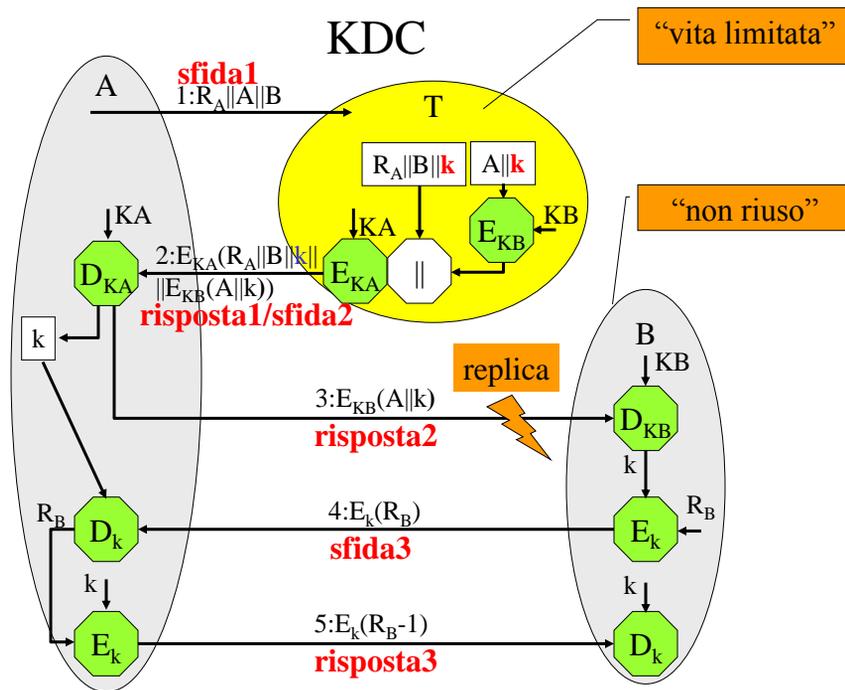


**Obiettivo da perseguire:  
“una chiave per utente”**

**Soluzione: ogni utente concorda la sua chiave con una terza parte**

## L'Autorità per la distribuzione chiavi





## Problemi di KDC

- On-line
- Collo di bottiglia ( $n^\circ$  max di utenti)
- Memoria sicura
- Ente degno di fiducia

*KryptoKnight,  
Kerberos,  
Distributed Computing Environment,  
Windows 2000*



## Diffie-Hellman key agreement

### Il contesto “tutti con tutti”

	Accordi precedenti	Numero di chiavi	Valutazione della realizzabilità
Incontri & Corrieri	SI	Enorme	difficile
Rete mondiale di N KDC	SI	$1+N(N-1)/2$	difficile
Scambio D-H	NO	1 e one-time!	facile

## Scambio di chiavi Diffie-Hellman

Si basa sulla difficoltà del calcolo dei logaritmi discreti

$p$  numero primo grande

Generatore di  $p$  numero le cui potenze modulo  $p$  generano tutti gli interi compresi tra 1 e  $p-1$

Se  $g$  generatore allora

$g \bmod p, g^2 \bmod p, \dots, g^p \bmod p$

sono distinti e costituiti dai numeri compresi tra 1 e  $p-1$

Per un qualsiasi intero  $b$  e un generatore  $g$  di  $p$ , si può trovare un esponente univoco  $i$  tale che:

$$b = g^i \pmod{p} \text{ dove } 0 < i <= (p-1)$$

$i$  è chiamato logaritmo discreto di  $b$  per la base  $g$ , modulo  $p$

## Algoritmo DH *anonimo* per l'accordo di una chiave di sessione tra gli utenti A e B

*Numero primo  $p$  e generatore  $g$*  prefissati e noti

**1. Generazione delle chiavi segrete**

$X_A$  e  $X_B$  scelti a caso  $> 1$  e  $< p-1$

**2. Generazione e comunicazione delle chiavi pubbliche**

$$Y_A = g^{X_A} \bmod p \text{ e } Y_B = g^{X_B} \bmod p$$

**3. Calcolo della chiave del Cifrario simmetrico**

$$K_A = Y_B^{X_A} \bmod p = (g^{X_B})^{X_A} \bmod p$$

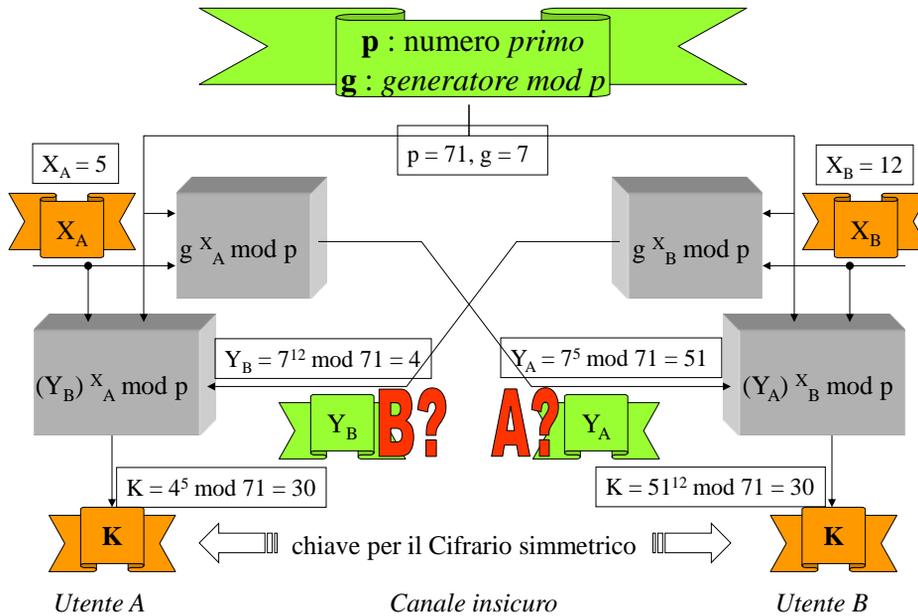
$$K_B = Y_A^{X_B} \bmod p = (g^{X_A})^{X_B} \bmod p$$

$$K_A = K_B$$

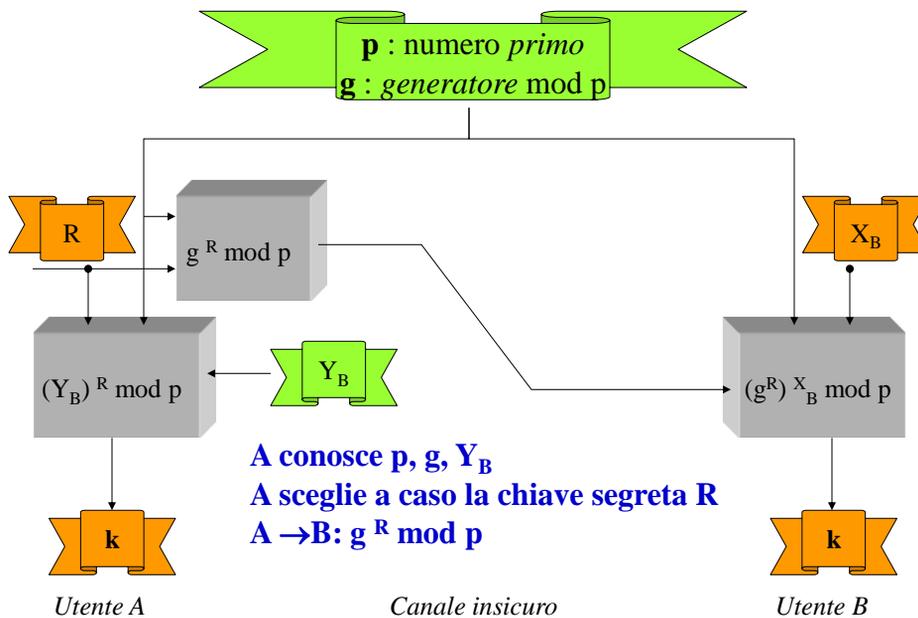
La dimensione è grande (quella di  $p$ ): occorre scegliere  $k$

**DH *anonimo*: l'origine di  $Y$  non è attestata in modo sicuro**

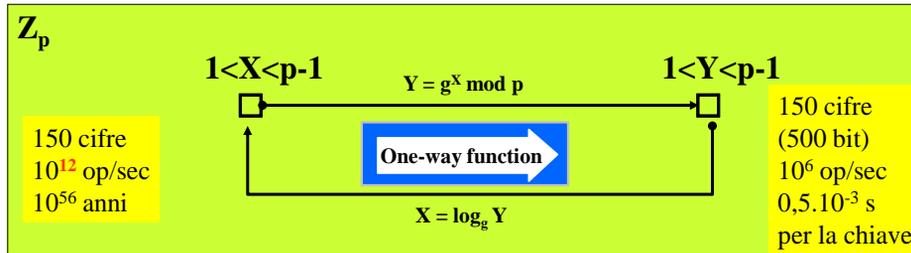
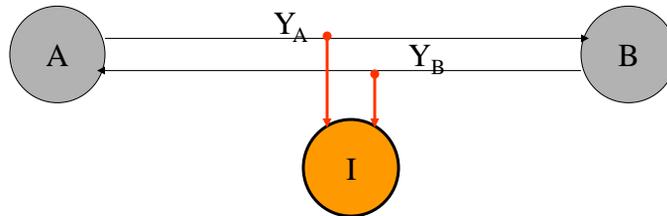
## Lo scambio di Diffie-Hellman



## Variante DH/ElGamal



## Sicurezza dello scambio DH



**P1: problema (difficile) del logaritmo discreto su un campo di Galois**

“ Dato un primo  $p$ , un generatore  $g$  ed un intero  $c \in Z_p^*$ , trovare l'intero  $x$   $1 \leq x \leq p-1$ , tale che  $g^x \bmod p = c$ ”

$Z^*$ : insieme di interi non negativi non nulli minori di  $p$