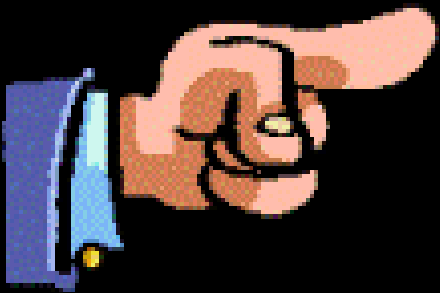


**monete digitali**

**il libro master**

**la transazione**

**il portafoglio**



# Anonimato, chiavi e pseudonimi

Ente fidato

Registrazione  
Certificazione  
Giudizio

unicità?

wallet

private key  
256 bit

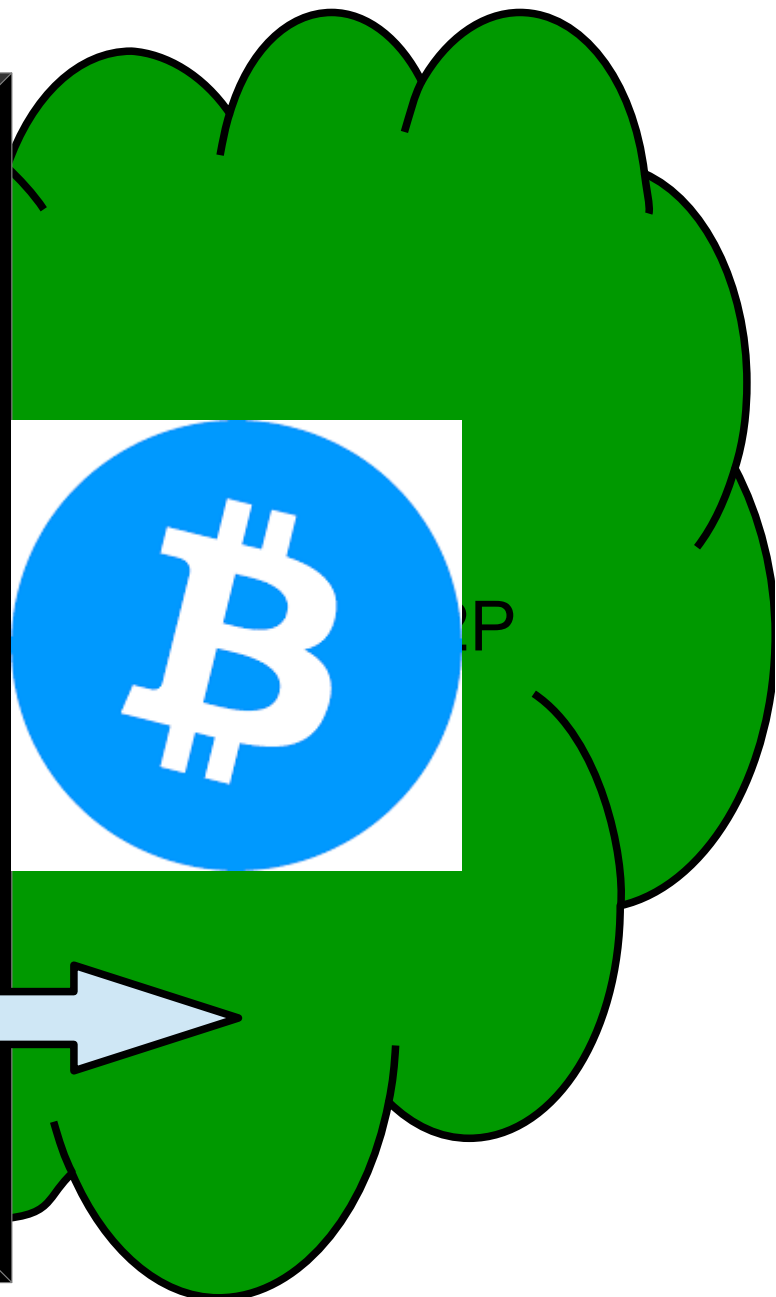
oneway

public key  
512 bit

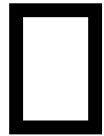
RIPEMD(SHA(P))

address  
160 bit

P2PKH



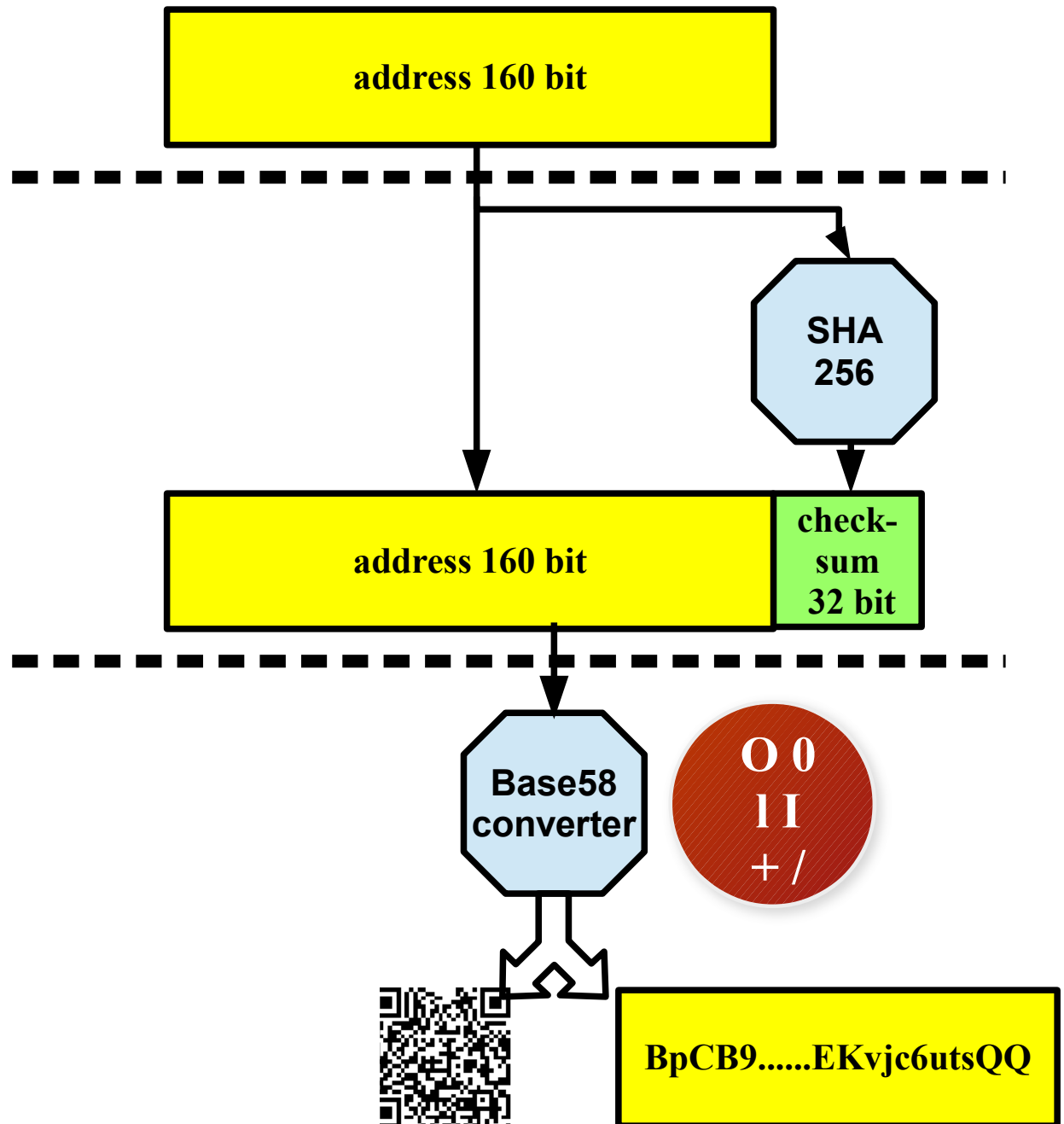
# comunicazione del address



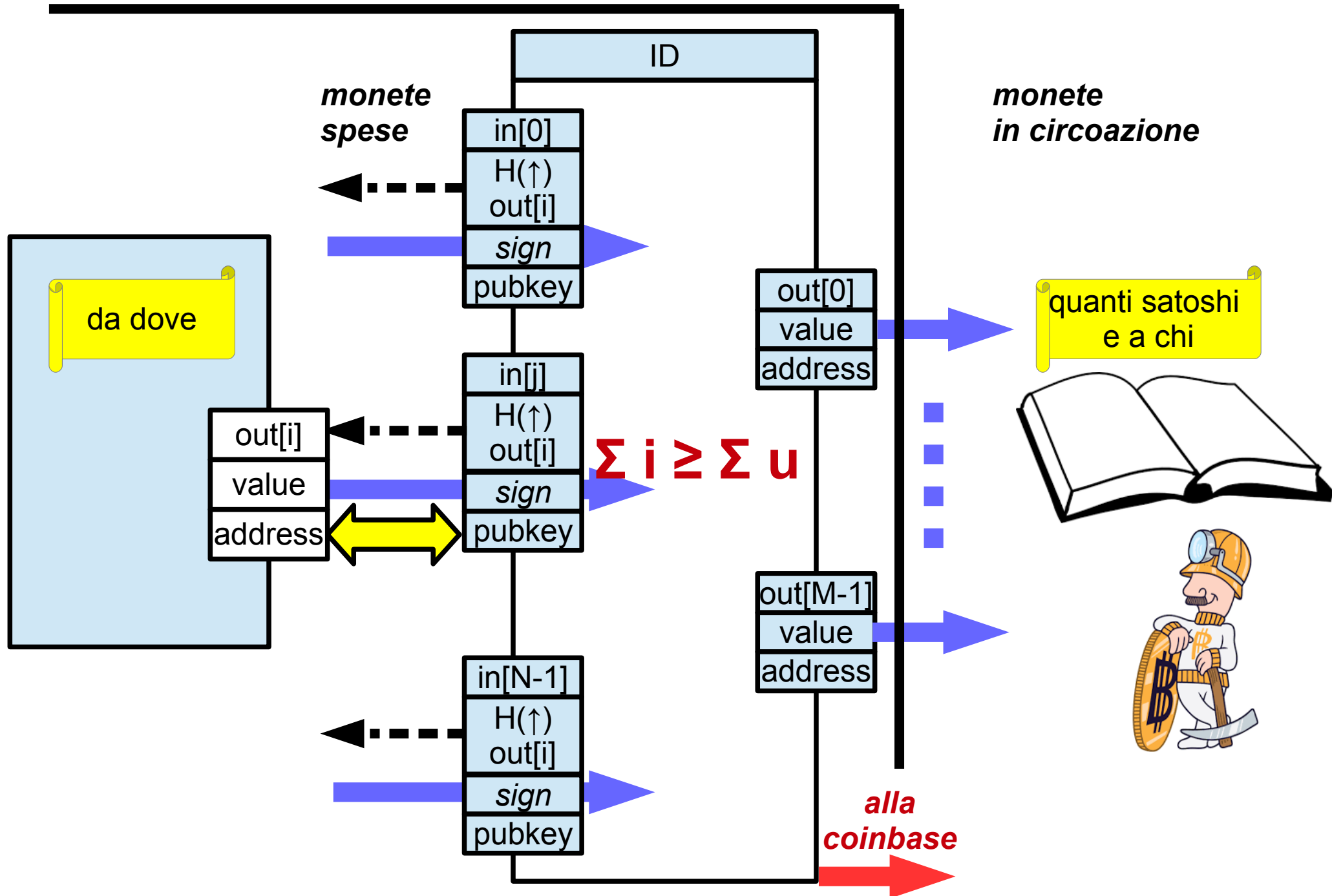
*file binario*



*stringa di testo  
QR code*

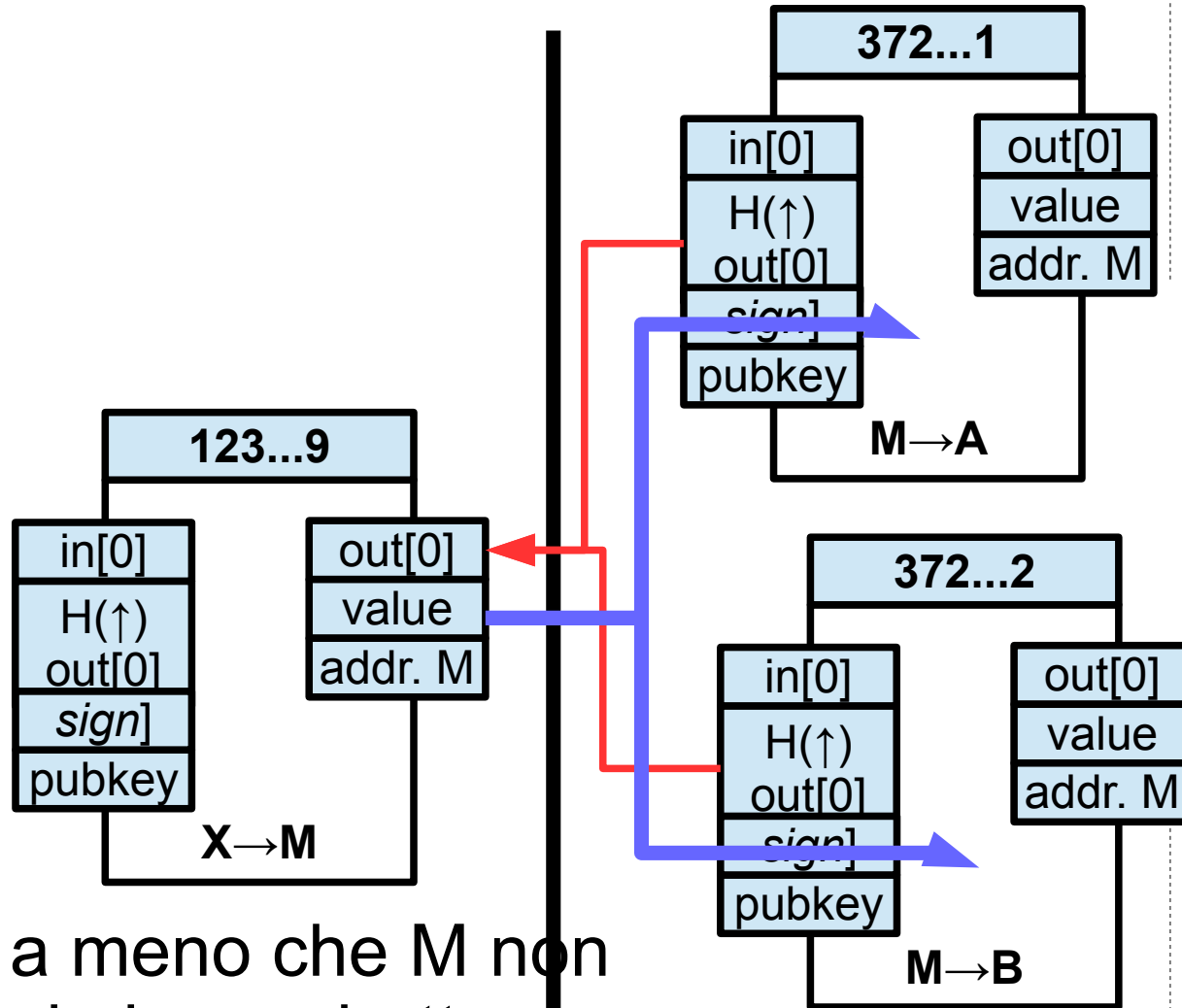


# Tx P2PKH e le monete in circolazione

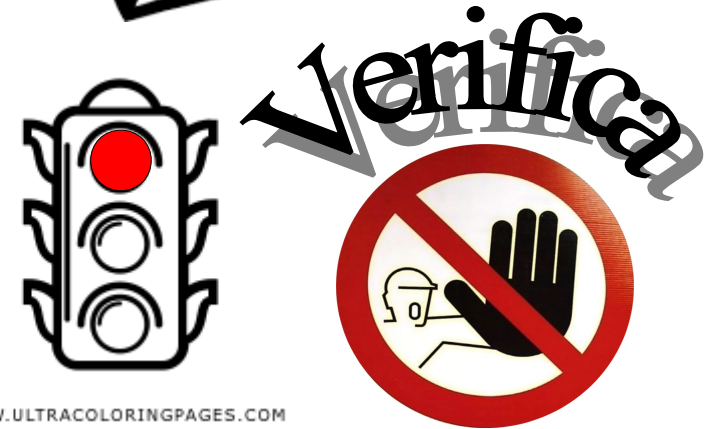
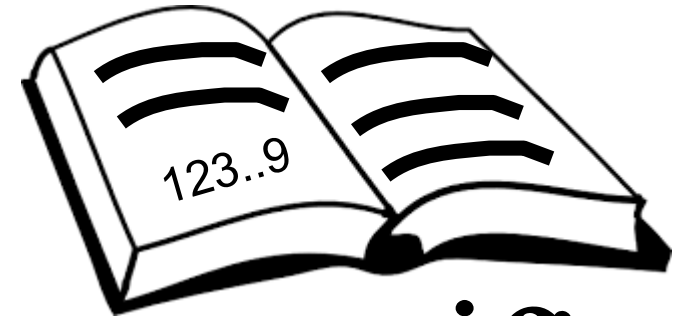


# La difesa all'attacco con doppia spesa

Un truffatore M può spendere due o più volte la stessa valuta?



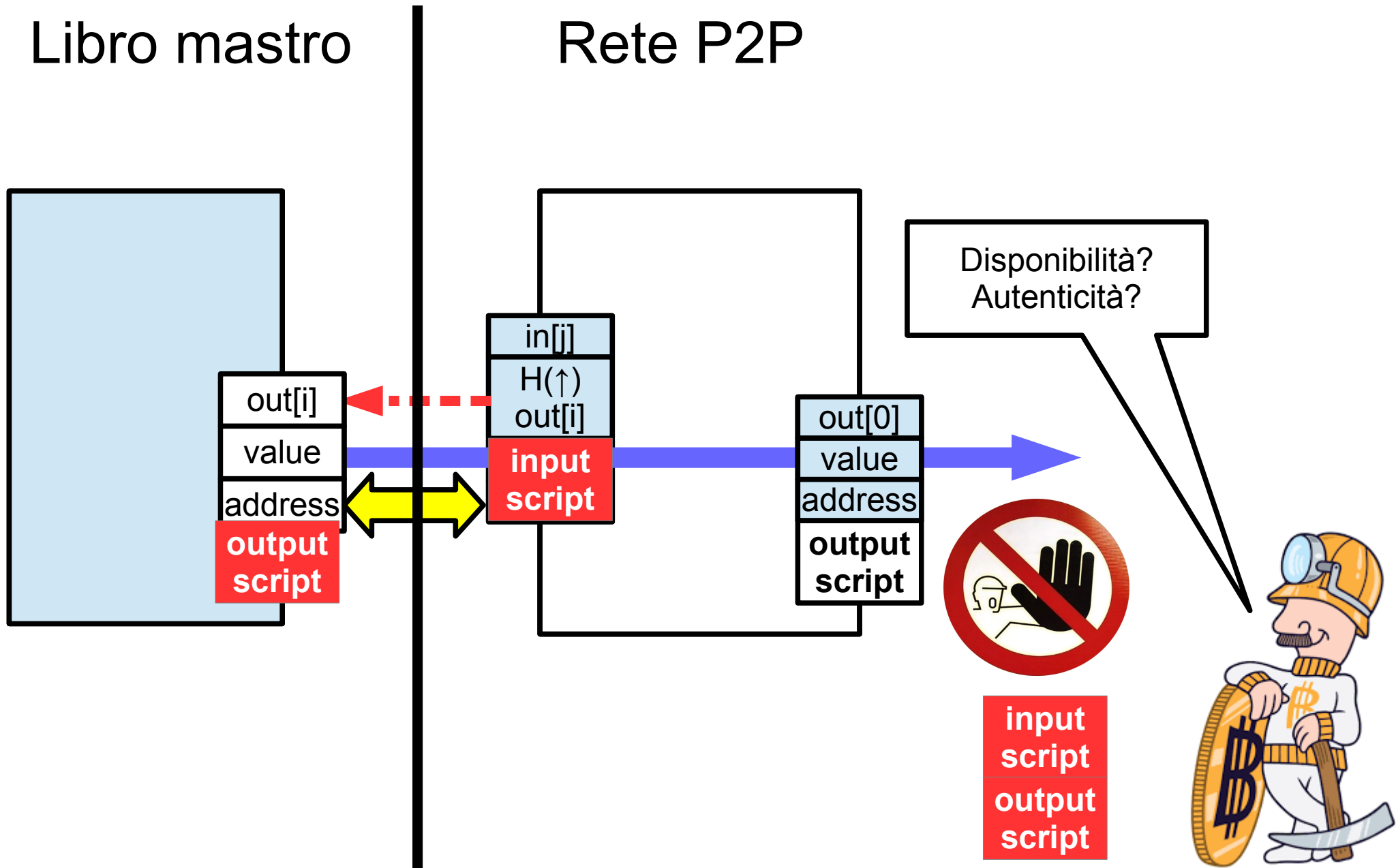
Ogni minatore ha un registro delle Tx “non ancora spese”



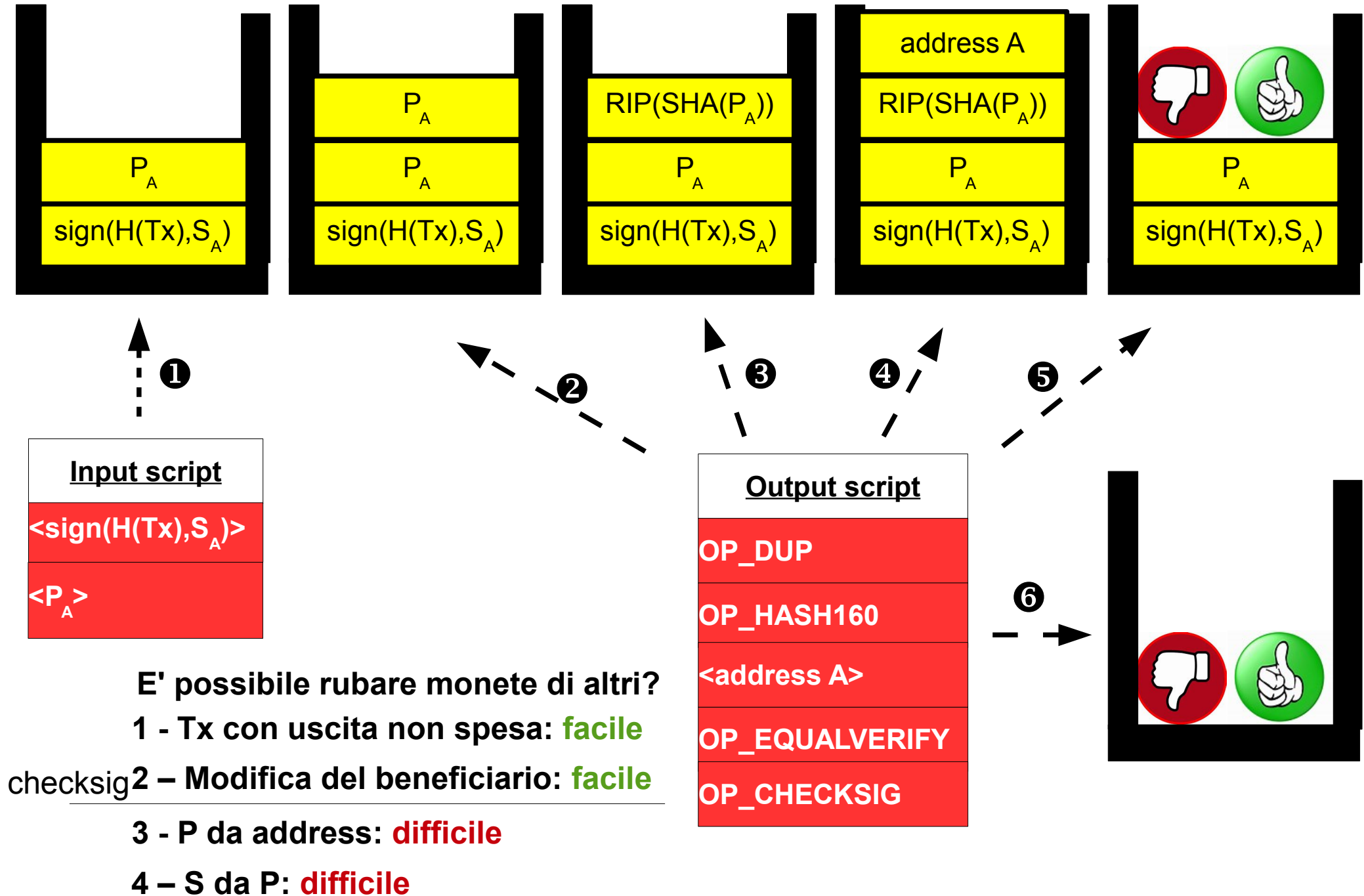
WWW.ULTRACOLORINGPAGES.COM

a meno che M non  
sia in combutta con  
il **51%** dei minatori

# Tx P2PKH e gli script



# Gli script, lo stack, la verifica e l'attacco





# Pay\_to\_Script\_Hash

## P2SH - “multisig”

**Regola espressa dallo script:** la transazione che spenderà queste monete deve essere firmata da M delle  $N \geq M$  chiavi private corrispondenti alle chiavi pubbliche:  $P_1, \dots, P_N$

**3 su 5:** consente di dividere la responsabilità di una spesa con un voto a maggioranza

**2 su 3:** consente di “spendere” le monete anche se non si ha più una delle tre chiavi

**2 su 2:** consente di difendersi dal fatto che un intruso riesca a scoprire una delle due chiavi



# P2SH multisig

script:

**OP\_M <P<sub>1</sub>>...<P<sub>n</sub>> OP\_N OP\_CHECKMULTISIG**

address:

**RIPEMD160(SHA256(script))**

input\_script:

**<firma<sub>A</sub>>, <firma<sub>B</sub>>, ....**

**<script>**

output\_script:

**OP\_DUP**

**OP\_HASH**

**<address>**

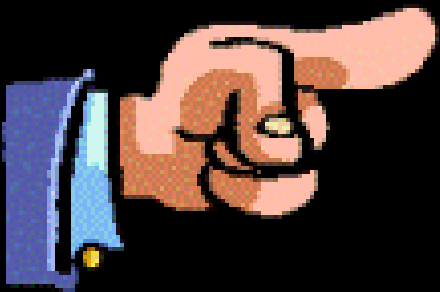
**OP\_EQUAL**

**monete virtuali**

**il libro master**

**la transazione**

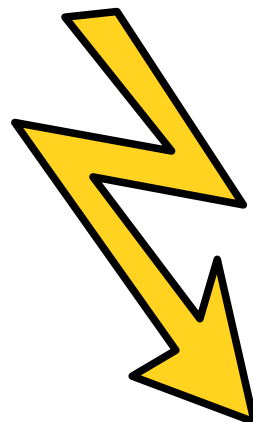
**il portafoglio**



# funzioni, minacce e contromisure

## chiave privata & sicurezza:

- imprevedibilità,
- disponibilità
- riservatezza



indovinare

malware

furto

guasto

dimenticanza

off-line

Generare  
S

alta entropia

Memorizzare  
S

ridondanza

Calcolare  
P, H(P)

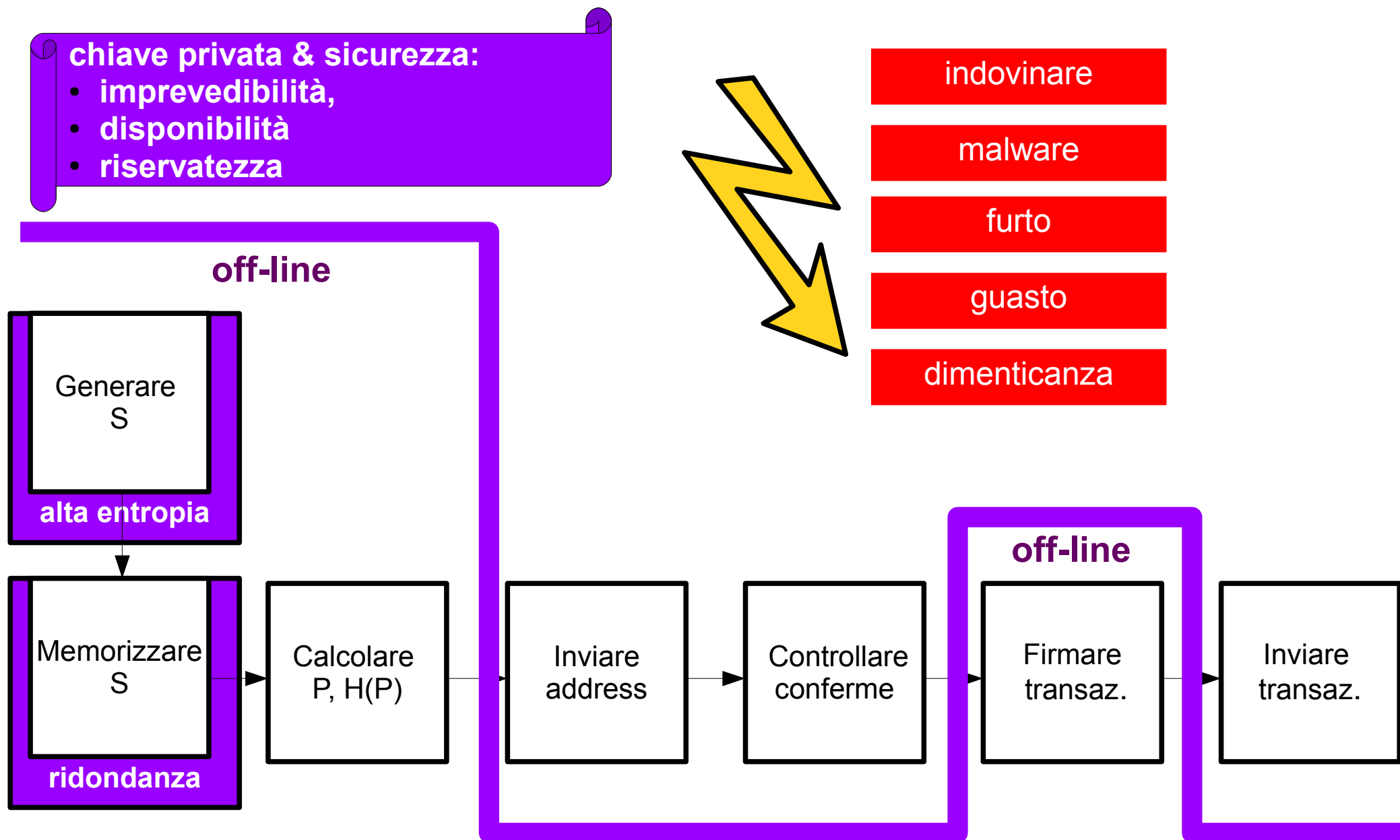
Inviare  
address

Controllare  
conferme

off-line

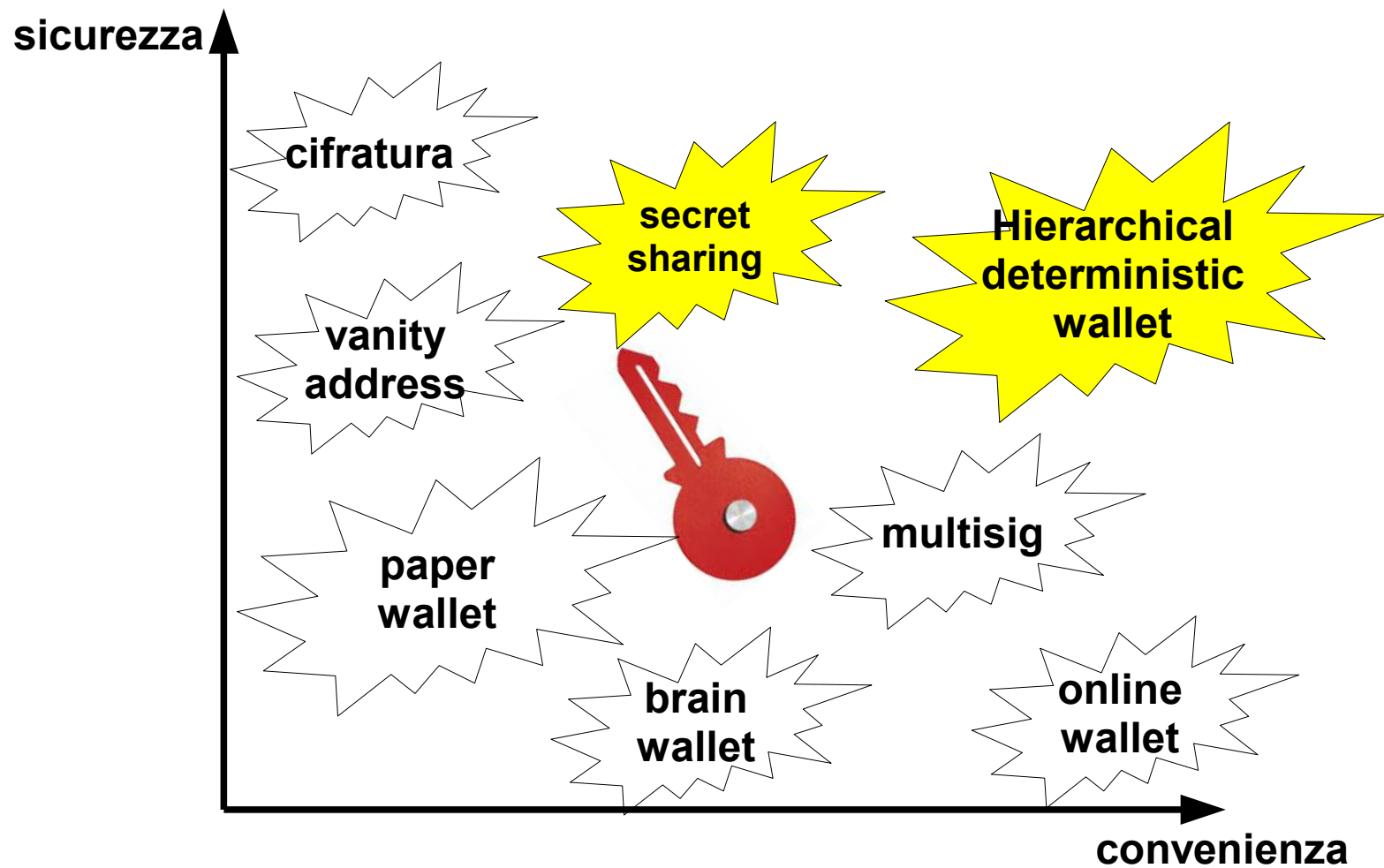
Firmare  
transaz.

Inviare  
transaz.



# compromesso e soluzioni disponibili

Per difendere la privacy e per limitare i danni  
è opportuno  
che una coppia di chiavi venga usata una volta sola





Open Source JavaScript Client-Side Bitcoin Wallet Generator

Single Wallet

Paper Wallet

Bulk Wallet

Brain Wallet

Bitcoin Address



SHARE

182pXR2fujLcxHxPsS1azJcM6x3RY3i4yJ

Private Key



SECRET

KxT7SMbyNHZTsN45i1HHZaVs6GTpoJgaU8dMFKKY4X5h398Fkdpc

Enter Passphrase:

Show? ☐

Print

Confirm Passphrase:

Algorithm: SHA256(passphrase)

Compressed address? ☒

View

Warning: Choosing a strong passphrase is important to avoid brute force attempts to guess your passphrase and steal your bitcoins.



Bitcoin Address:

18AjLH8qSveq1g4ocg7orAdAwfgmGafqEo

Private Key (Wallet Import Format):

L1wH4t5dBgDUoFFihVERbUiBFZW4rQm2KnJBRYNvF4HA5yjrlsct



Paper  
wallet

Brain  
wallet

# Hierarchical Deterministic Wallet: la teoria

**Proprietà notevole delle curve ellittiche:**

“il prodotto scalare è **distributivo** rispetto alla somma”

**Conseguenza:**

“data la coppia di chiavi **S**,  **$P = S * G \bmod p$**  ed un numero **i**, la chiave pubblica  **$P_i$**  corrispondente alla chiave privata  **$(S+i)$**  si può calcolare senza conoscere **S**”

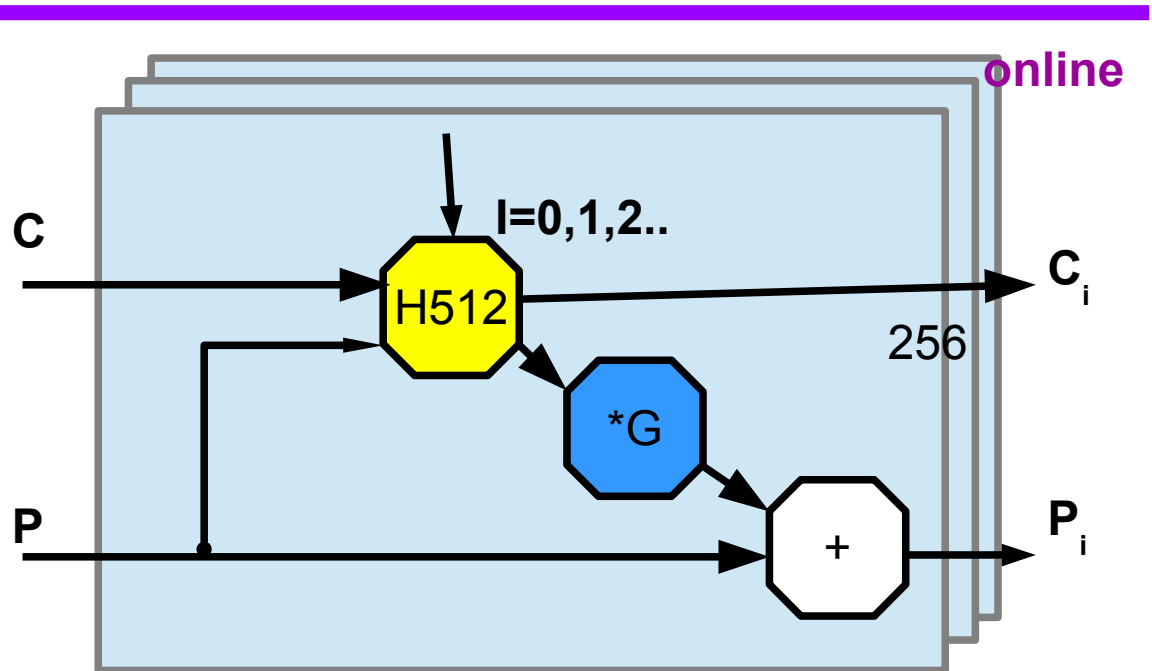
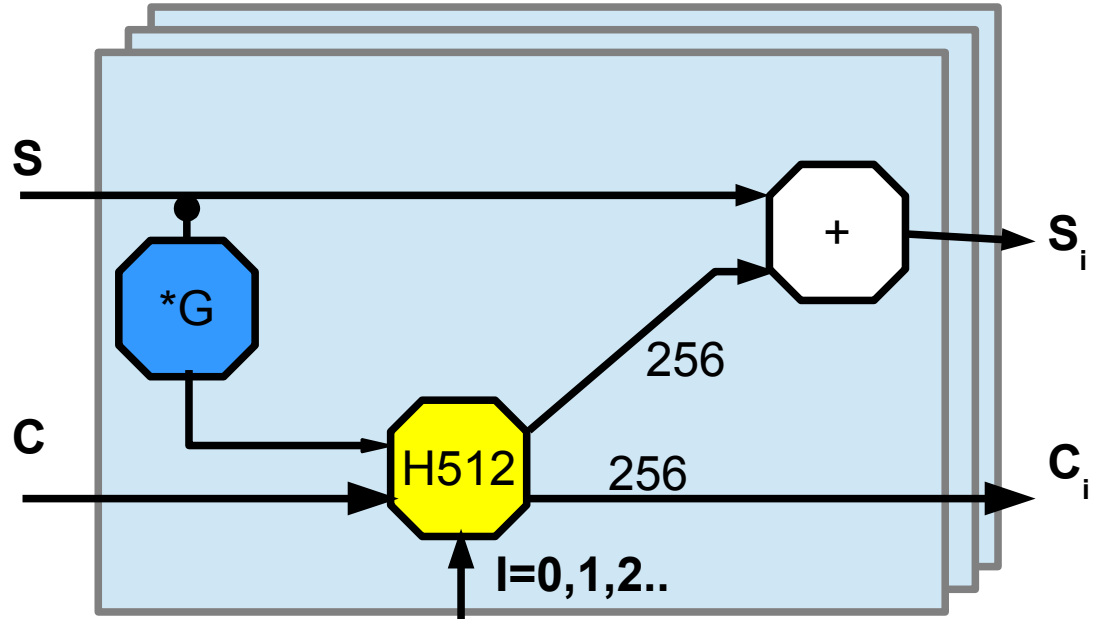
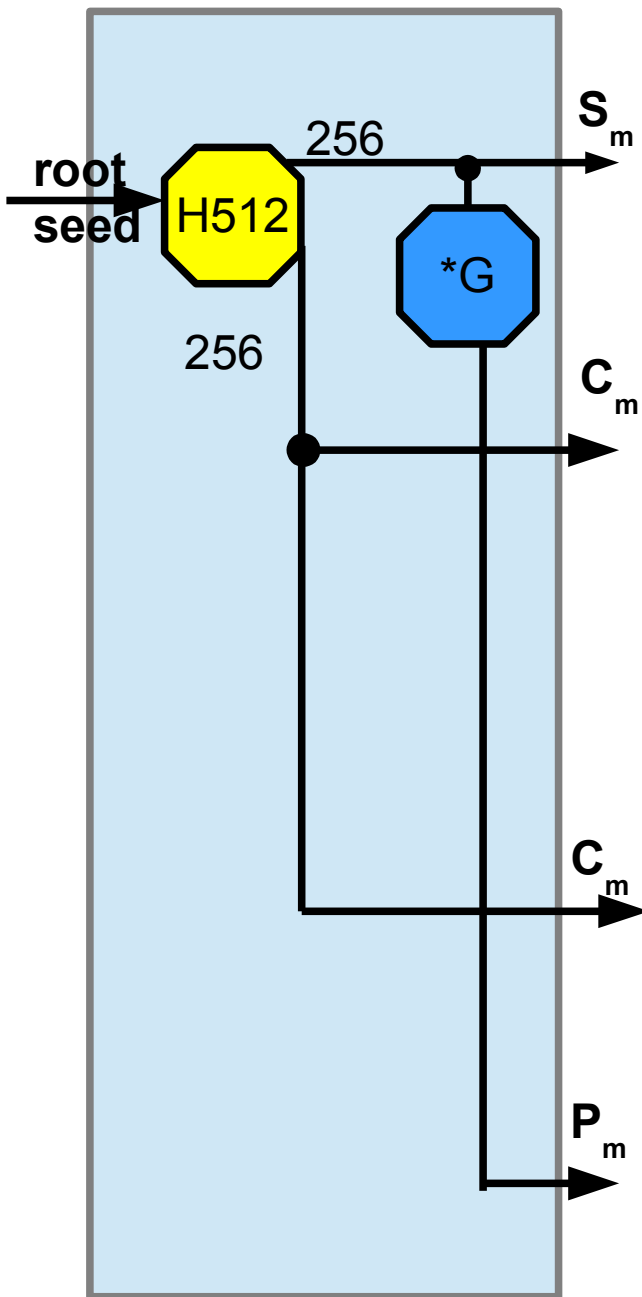
**Infatti:**

$$P_i = (S+i) * G \bmod p$$

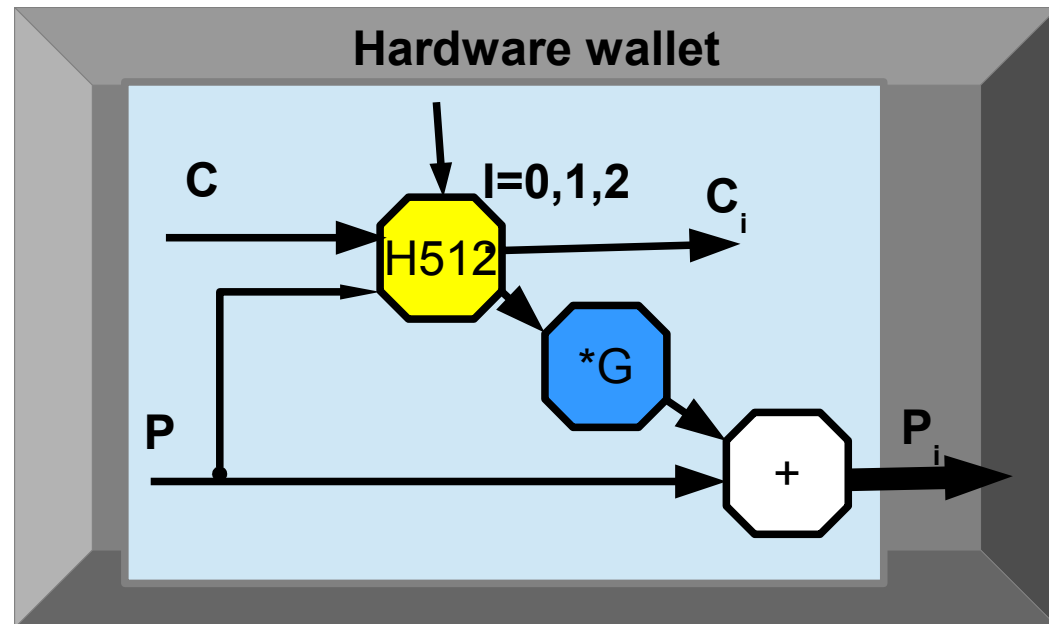
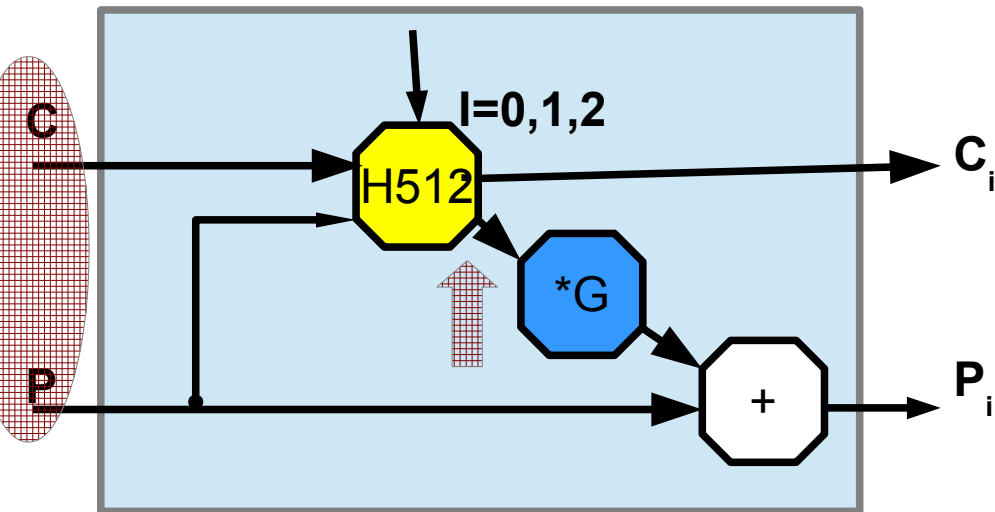
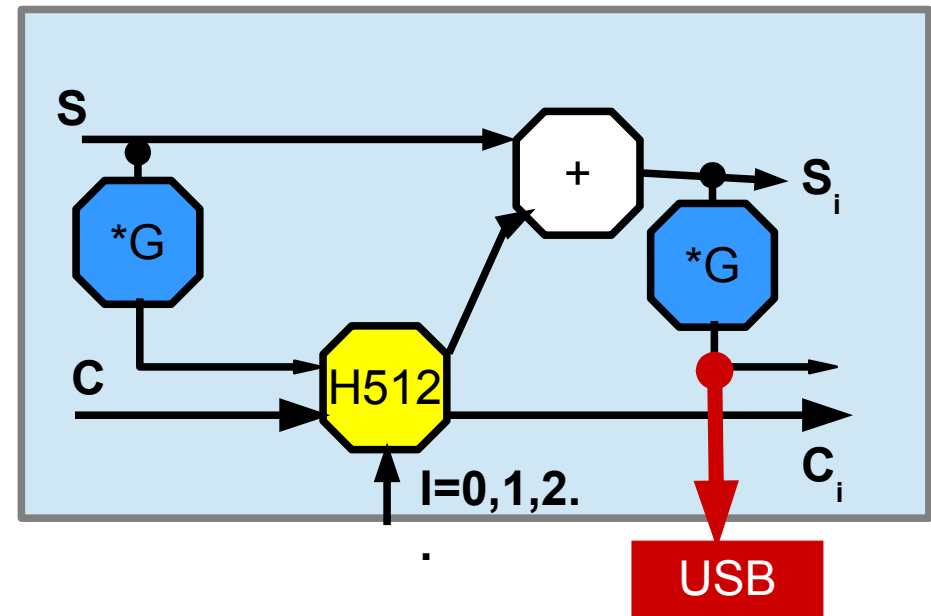
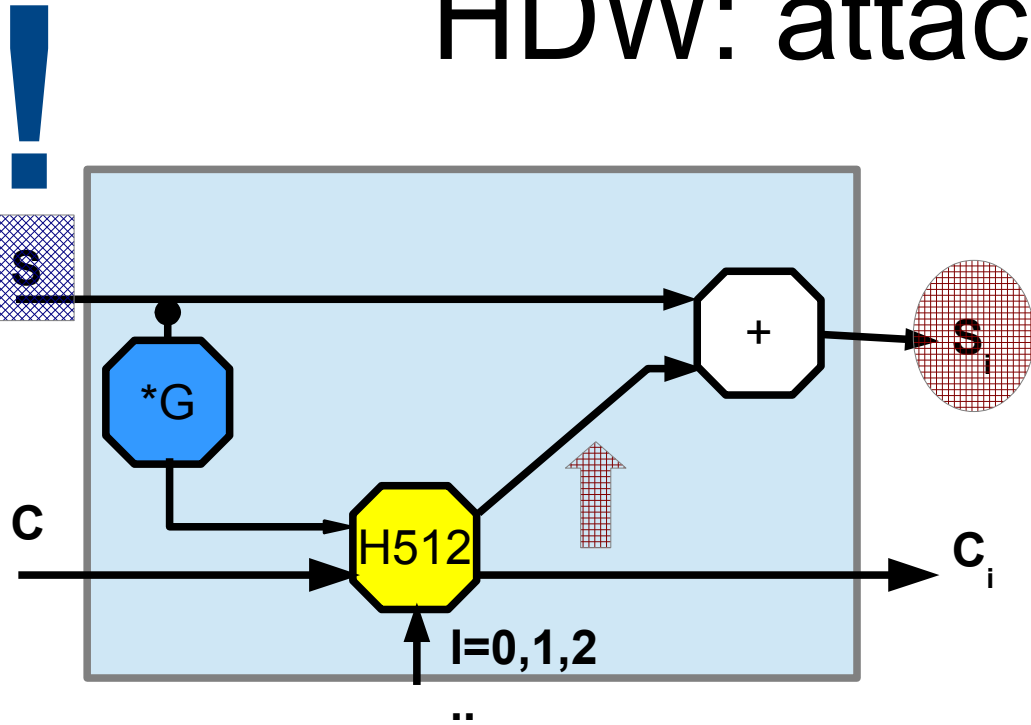
$$P_i = (S * G + i * G) \bmod p$$

$$P_i = P + i * G \bmod p$$

# HDW: chiavi *master*, *parent*, *child*

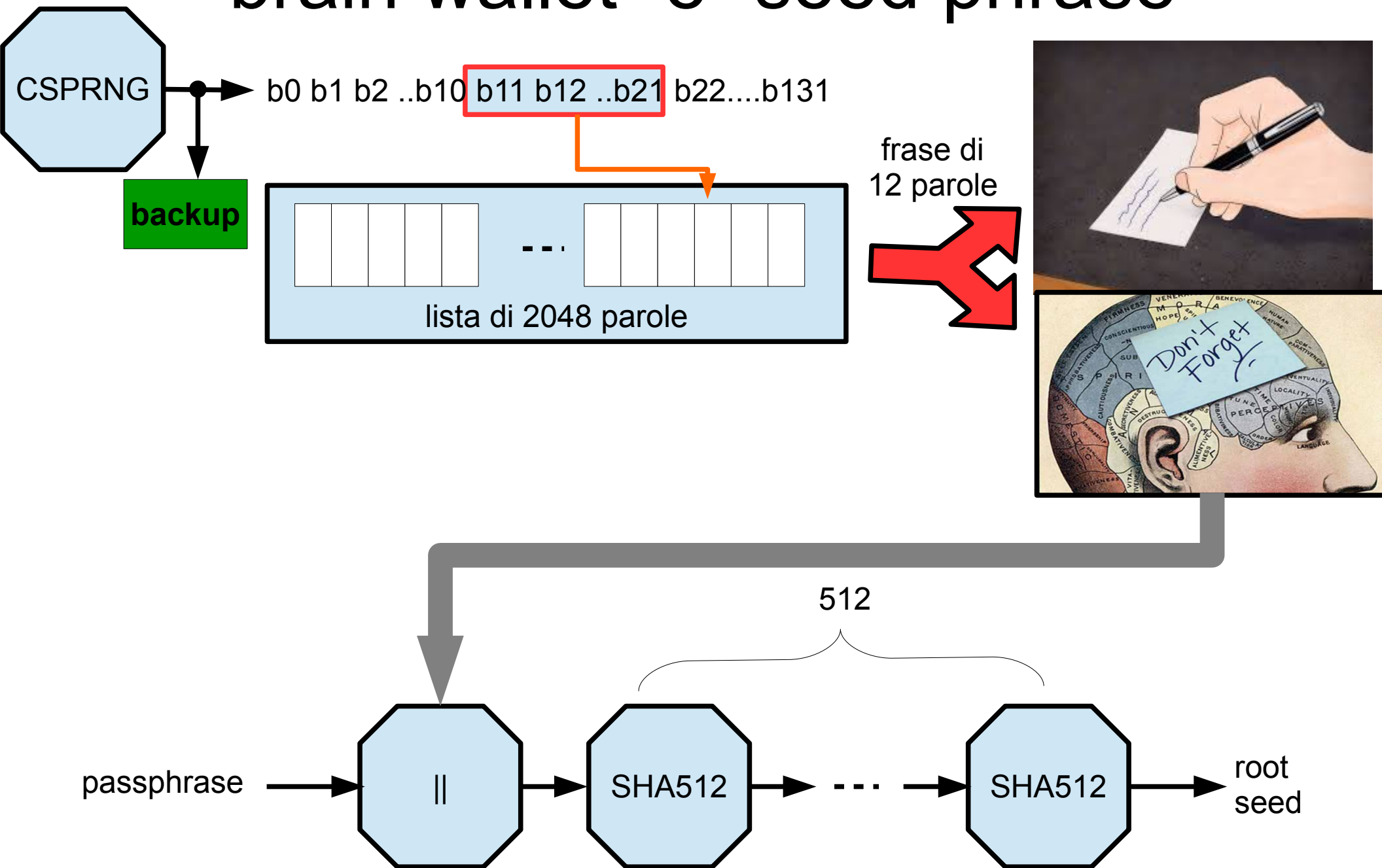


# HDW: attacchi e difese





# “brain wallet” e “seed phrase”



Robert Morris, Ken Thompson:  
"Password Security: A Case History", 1978

# Secret sharing: la teoria

Shamir A. "How to share a secret" 1979

[https://it.wikipedia.org/wiki/Interpolazione\\_di\\_Lagrange](https://it.wikipedia.org/wiki/Interpolazione_di_Lagrange)

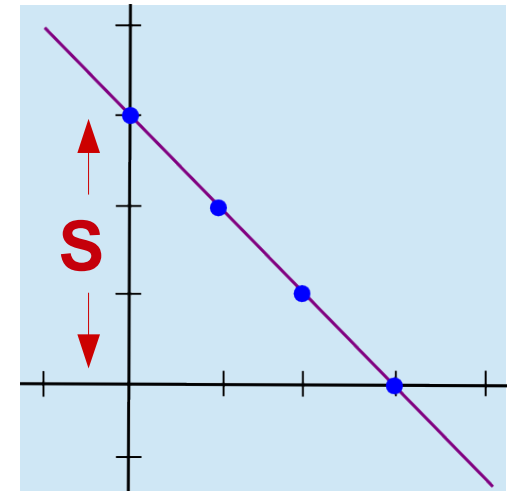
$$f(x) = a_0 + a_1 x + a_2 x^2 + \dots + a_{M-1} x^{M-1} \pmod{p}$$

*valutazione*   *interpolazione*

**shares**  $f(x_1), f(x_2), f(x_3), \dots, f(x_M), \dots, f(x_N)$

# split wallet: la decentralizzazione di un segreto

Dati il segreto **S** ed un numero casuale **R**,  
si calcolano e si memorizzano tre o più  
punti della retta  **$Y = S + X \cdot R \pmod{p}$**



La conoscenza delle coordinate  $X, Y$  di un solo punto non  
consente di individuare la retta.

**2 su 3** (o più) - La conoscenza di due punti qualsiasi consente di  
ricostruire la retta e di recuperare il segreto ( $S$  è l'ordinata in  
corrispondenza di  $X=0$ )

- [Bitaddress.org](https://bitaddress.org)
- [GitHub.org](https://github.com)

[www.bitcoin.org](http://www.bitcoin.org)



<https://www.blockchain.com/it/charts>

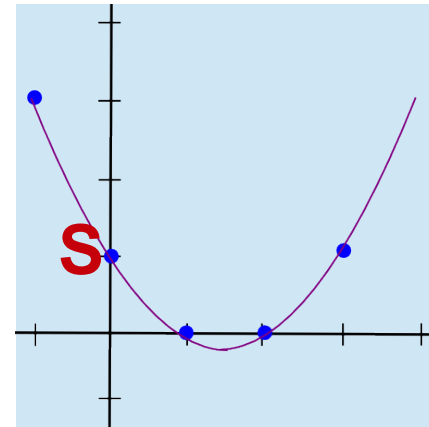
# Ripasso

|                                       |                                                                 |
|---------------------------------------|-----------------------------------------------------------------|
| criptocurrencies                      | NO autorità, NO singolarità, SI crittografia forte              |
| hash pointer                          | puntatore & impronta                                            |
| blockchain                            | blocchi di dati connessi da hash pointer                        |
| puzzle                                | nonce: $\text{SHA256}(\text{block\_header}) \leq \text{target}$ |
| hash pointer di un blocco             | $\text{SHA256}(\text{block\_header})$                           |
| transazione garantita da Crittografia | disponibilità dell'ammontare, autenticità del documento         |
| livello di sicurezza di SHA2, ECDSA   | 128 bit                                                         |
| address                               | pseudonimo del beneficiario/impronta dello script per spendere  |
| QR code                               | codice a barre bidimensionale                                   |

# Secret sharing

Dati il segreto **S** e due numeri casuali **R** e **Q**, si calcolano e si memorizzano separatamente quattro o più punti del polinomio di secondo grado

$$Y = (S + R \cdot X + Q \cdot X^2) \bmod p$$



- Se  $p$  è un primo molto grande, la conoscenza delle coordinate  $X, Y$  di uno o di due punti non consente di individuare  $S$ .
- La conoscenza di tre punti qualsiasi consente di ricostruire la parabola e di individuarne l'intersezione con l'asse  $Y$

# Riferimenti

## E-book

A. Narayanan, J. Bonneau, E. Felten, A. Miller, S. Goldfeder:

“Bitcoin and Cryptocurrency Technologies” -

[https://d28rh4a8wq0iu5.cloudfront.net/bitcointech/readings/princeton\\_bitcoin\\_book.pdf](https://d28rh4a8wq0iu5.cloudfront.net/bitcointech/readings/princeton_bitcoin_book.pdf)

A. Antonopoulos:

“Mastering Bitcoin”

<https://github.com/bitcoinbook/bitcoinbook/blob/develop/book.asciidoc>

<http://davidederosa.com/basic-blockchain-programming/>

## Siti e Documenti

<https://www.bitaddress.org/>

<https://bitcoin.org/en/developer-guide#transactions>

<https://blockchain.info/it/stats>

<https://en.bitcoin.it>

## Librerie

OpenSSL

Python

<https://bitcoinj.github.io/#introduction>