

Strategie di ricerca

Esercizi – Martedì 31 Maggio 2005

- **Scopo:**
 1. Esercizi sulle strategie di ricerca
 2. Esercizi sui giochi, alberi min-max e tagli alfa-beta

1

Errata corrige precedente esercitazione...

- Una funzione euristica $h(n)$ è detta **ammissibile** se **non sbaglia mai per eccesso** la stima del costo per arrivare all'obiettivo
- Una funzione euristica $h(n)$ è detta **consistente** (o **monotona**) se, per ogni nodo n ed ogni successore n' generato da n applicando l'azione a , vale:

$$h(n) \leq c(n, a, n') + h(n')$$

2

Riguardo Missionari e Cannibali...

- Non tutte le istanze possibili di Missionari e Cannibali hanno soluzione...
- In particolare, supponendo che lo stato iniziale consista nell'avere tutti i missionari ed i cannibali sullo stesso lato del fiume, detti:
 - M il numero di missionari
 - C il numero di cannibali
 - B la capacità della barca (nel nostro caso 2)
- Il problema ha soluzione se:
 - $C < M$ oppure
 - $C = M \wedge C < 2*B$
- → Il problema, con $B=2$, $C=M$ e $C > 3$ non ha soluzione... provare per credere...

3

Esercizio – strategie di ricerca

Si consideri un gioco del filetto di dimensione 3 con i seguenti stati iniziali e finali:

	1
3	2

1	2
	3

Goal

- Si assuma che si preferisca prima muovere il tassello bianco a destra, poi a sinistra, poi in alto ed infine in basso e si mostri lo spazio di ricerca per il problema. Si mostri poi come viene esplorato tale spazio nei casi di depth-first e breadth-first.
- Si mostri poi come cambia lo spazio degli stati se non consentiamo che una mossa torni a uno stato precedente.

4

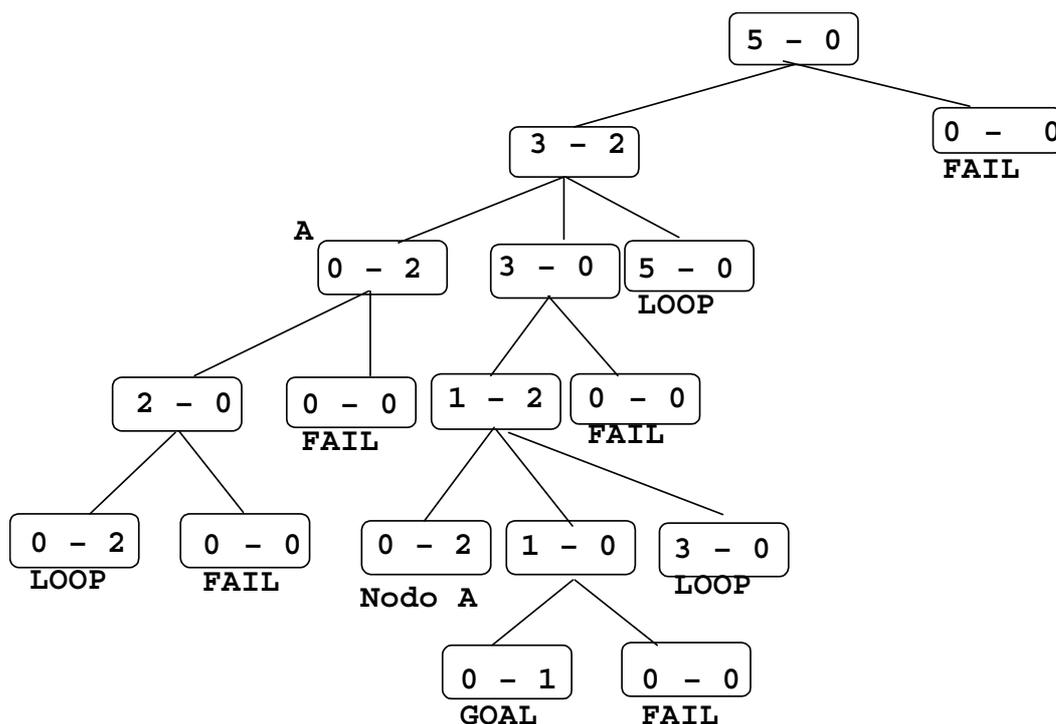
Esercizio – strategie di ricerca

Si consideri il seguente problema. Si hanno due contenitori per liquidi, uno da cinque litri completamente pieno d'acqua e uno da due litri vuoto.

- Vogliamo ottenere precisamente un litro d'acqua nel contenitore da due litri.
- Possiamo trasferire acqua da un contenitore all'altro, o buttarla, ma non ottenerne di nuova.
- Si mostri tutto lo spazio degli stati per risolvere il problema. Si indichi, inoltre, dopo quanti passi si giungerebbe alla soluzione se si utilizzasse una strategia breadth-first e depth-first.

7

Soluzione – strategie di ricerca



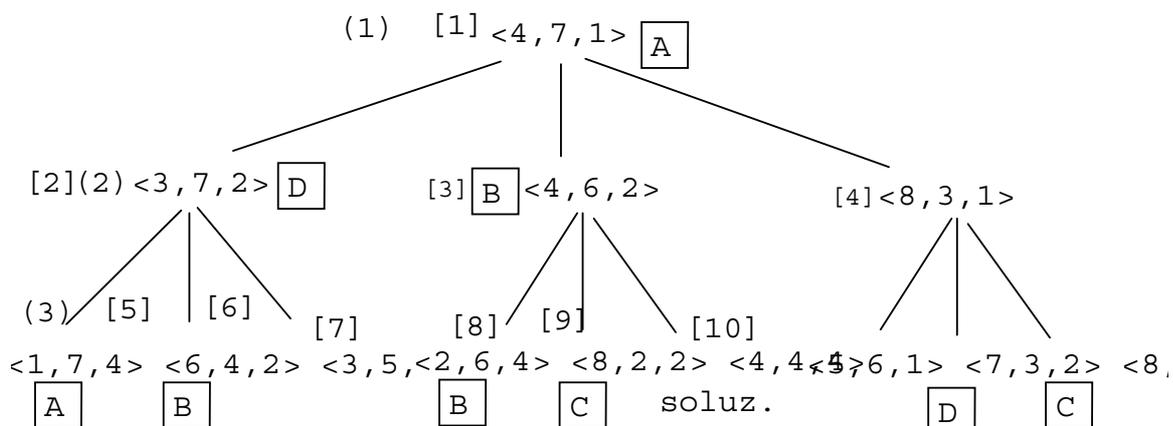
8

Esercizio – strategie di ricerca

- Si supponga di avere 12 monete ripartite in tre distinte pile. La prima pila è formata da 4 monete, la seconda da 7 e la terza da 1. Lo spostamento delle monete deve avvenire secondo la seguente regola: ogni volta che si spostano delle monete da una pila A ad un'altra B, le monete in B devono raddoppiare di numero.
- Si mostri lo spazio di ricerca con stato iniziale rappresentato dalla tripla $\langle 4,7,1 \rangle$ e stato finale dalla tripla $\langle 4,4,4 \rangle$ generato in due spostamenti e lo si esplori con strategia in ampiezza e profondità.

9

Soluzione – strategie di ricerca



10

Esercizio – strategie di ricerca

- Si consideri un puzzle con la seguente configurazione iniziale:

N	N	N	B	B	B	V
---	---	---	---	---	---	---

- Ci sono tre tessere Nere (N) e tre tessere bianche (B) e una cella vuota (V).
- Il puzzle ha le mosse seguenti:
- (a) Una tessera si può spostare in una adiacente vuota con costo unitario.
- (b) Una cella si può spostare ed inserirsi nella cella vuota saltando al più due altre tessere con costo uguale alla distanza coperta (al numero delle tessere saltate più 1).

11

Esercizio – strategie di ricerca

- Il goal del puzzle è avere tutte le tessere bianche a sinistra di quelle nere, indipendentemente da dove sia la tessera vuota.
- Si costruisca una funzione euristica $f = g + h'$ per questo problema dove g è stato specificato precedentemente e si mostri l'albero di ricerca prodotto dall'algoritmo A^* .

12

Esercizio – strategie di ricerca

- Esempi di EURISTICHE:
- 1. Si può considerare il numero di tessere fuori posto: le tessere nere sono fuori posto se occupano le caselle 1, 2, 3 mentre le bianche sono fuori posto se occupano le celle 5, 6, 7.

1	2	3	4	5	6	7
N	N	N	B	B	B	V

- $h'=5$

13

Esercizio – strategie di ricerca

- Esempi di EURISTICHE:
- 2. Come euristica si può considerare la distanza che separa le tessere nere dalle posizioni 4, 5, 6.
- Euristica non ammissibile: infatti, nella configurazione goal

1	2	3	4	5	6	7
B	B	B		N	N	N

- $h=0$
- $h'=3$
- il costo dell'euristica è 3 mentre il costo vero è 0 essendo già arrivati al goal.

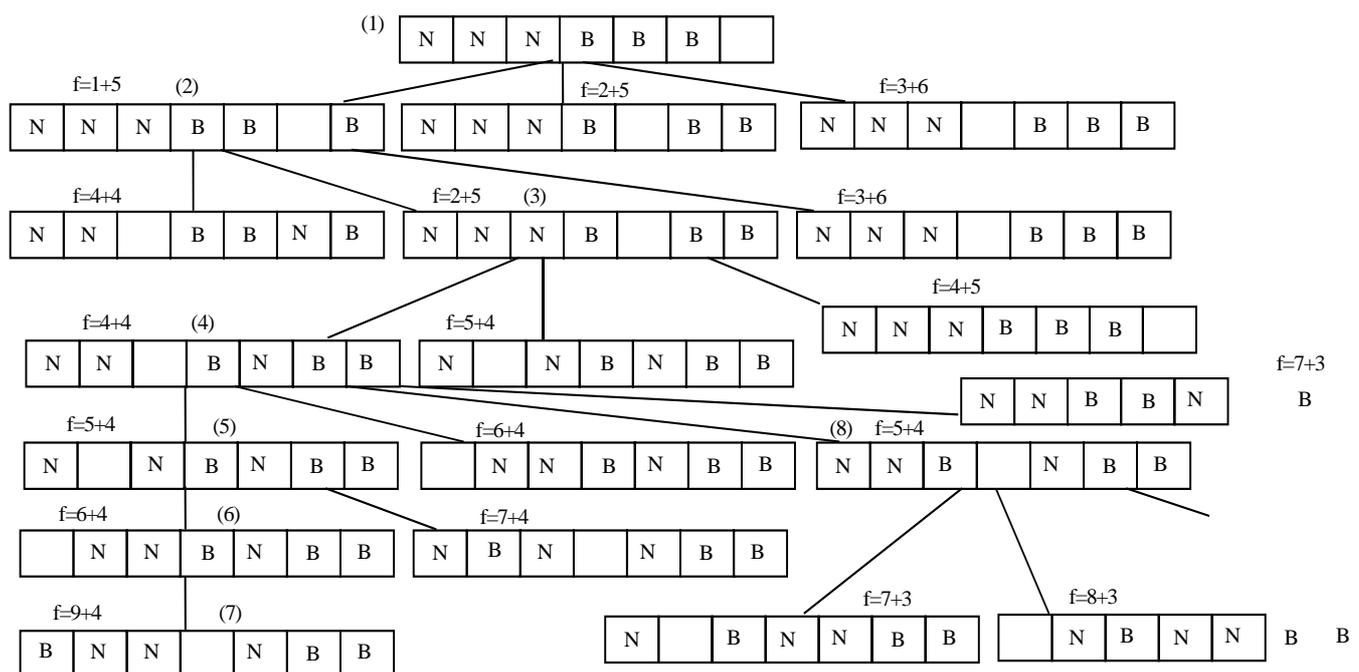
14

Esercizio – strategie di ricerca

- **Euristica ammissibile: min distanza delle tessere nere da qualunque posizione goal. Si supponga di avere 12 monete ripartite in tre distinte pile. La prima pila è formata da 4 monete, la seconda da 7 e la terza da 1. Lo spostamento delle monete deve avvenire secondo la seguente regola: ogni volta che si spostano delle monete da una pila A ad un'altra B, le monete in B devono raddoppiare di numero.**

15

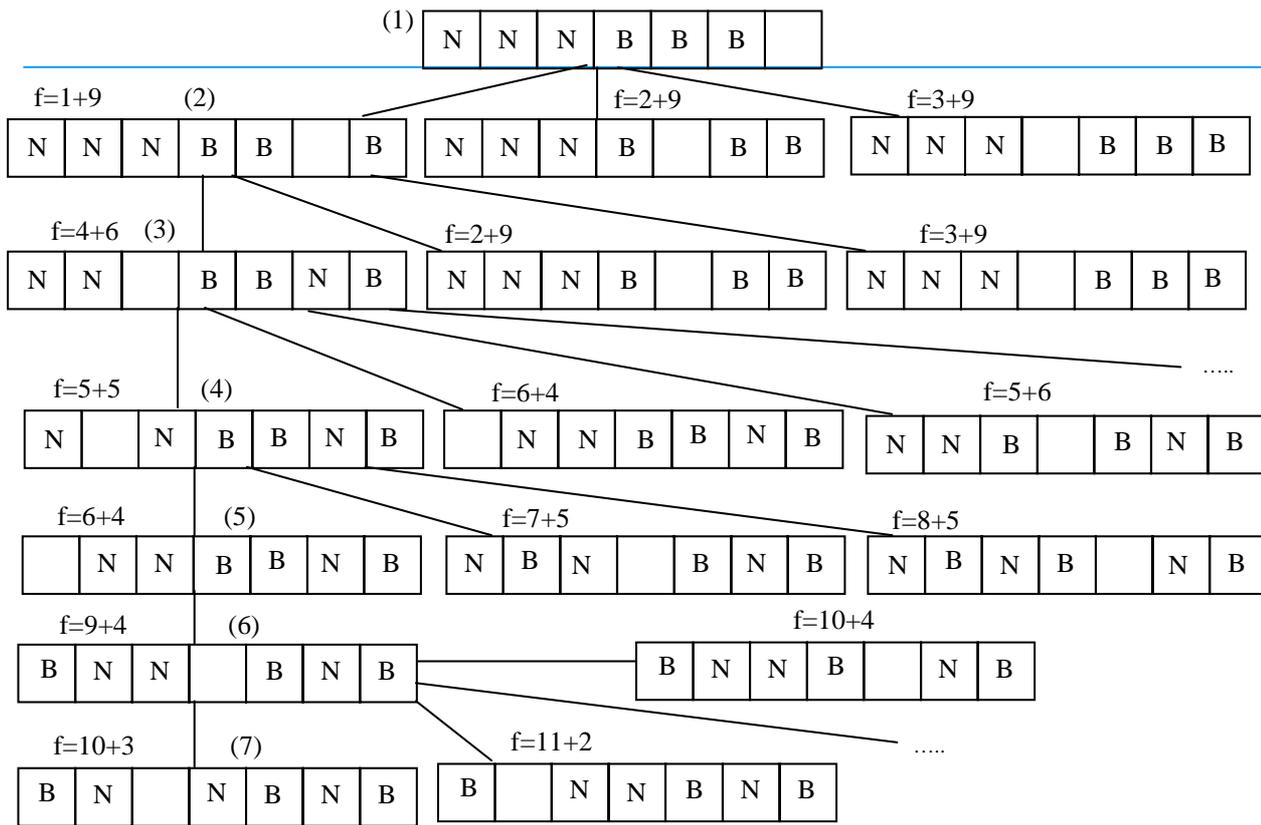
Soluzione 1 – strategie di ricerca



ecc...

16

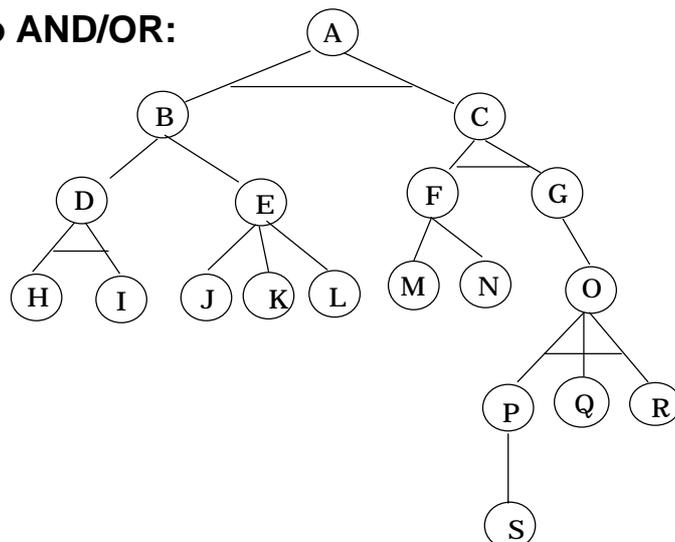
Soluzione 2 – strategie di ricerca



17

Esercizio – strategie di ricerca

- Dato il seguente albero AND/OR:

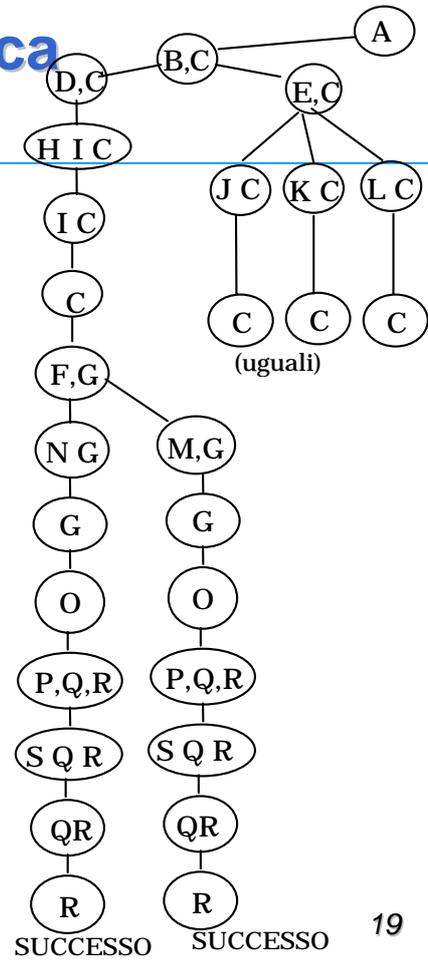


- Si indichino quali nodi devono essere di successo affinché venga dimostrato A. Si trasformi inoltre l'albero AND/OR in un albero OR equivalente, supponendo che tutte le foglie siano di successo. Esiste un solo albero OR equivalente o ne possono esistere più di uno?

18

Soluzione – strategie di ricerca

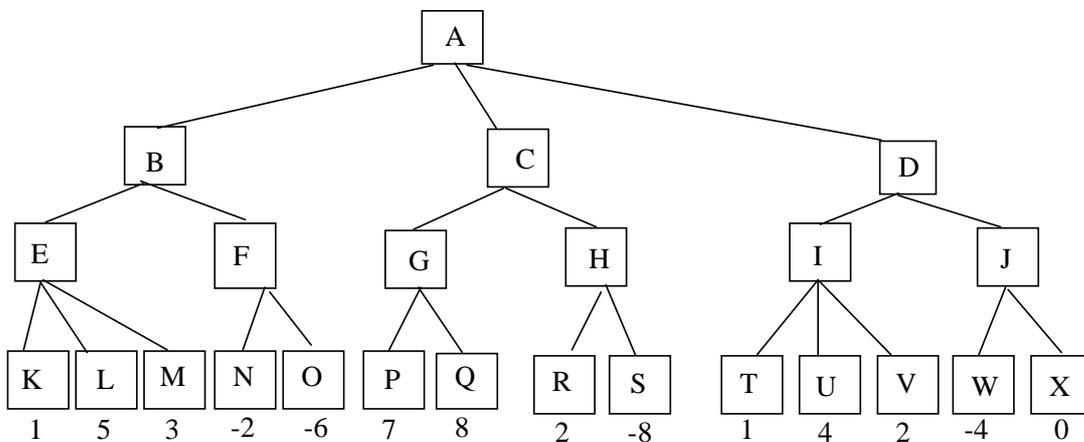
- I nodi che devono essere di successo affinché si dimostri A sono H e I oppure J o K o L assieme a M o N con S Q ed R.
- Può esistere più di un albero OR, ma non cambiano i rami di successo.



19

Esercizio – min-max e tagli alfa-beta

- Si consideri il seguente albero di gioco dove i punteggi sono tutti dal punto di vista del primo giocatore.

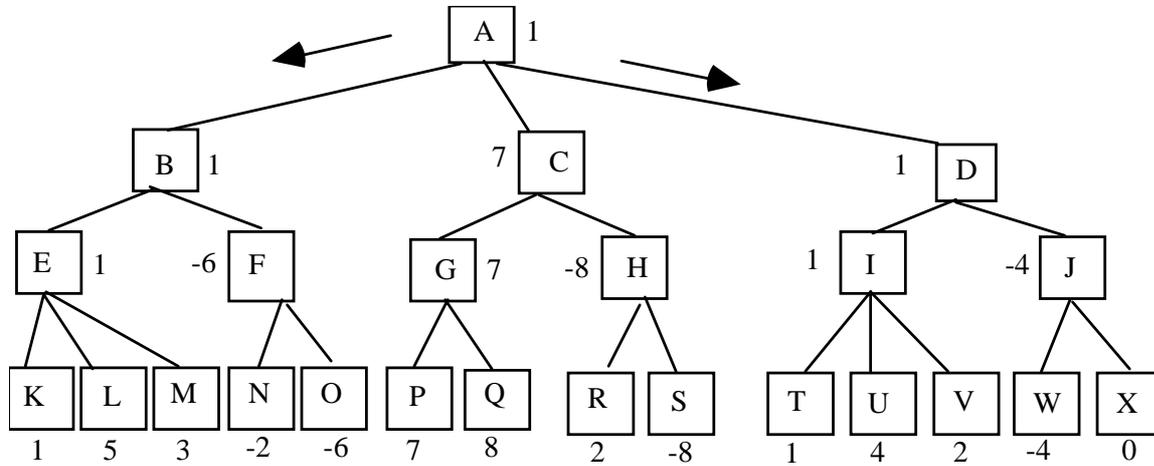


- Supponendo che il primo giocatore sia MIN, quale mossa dovrebbe scegliere? Si applichi l'algoritmo MIN-MAX. Successivamente si mostrino i tagli alfa-beta.

20

Soluzione – min-max e tagli alfa-beta

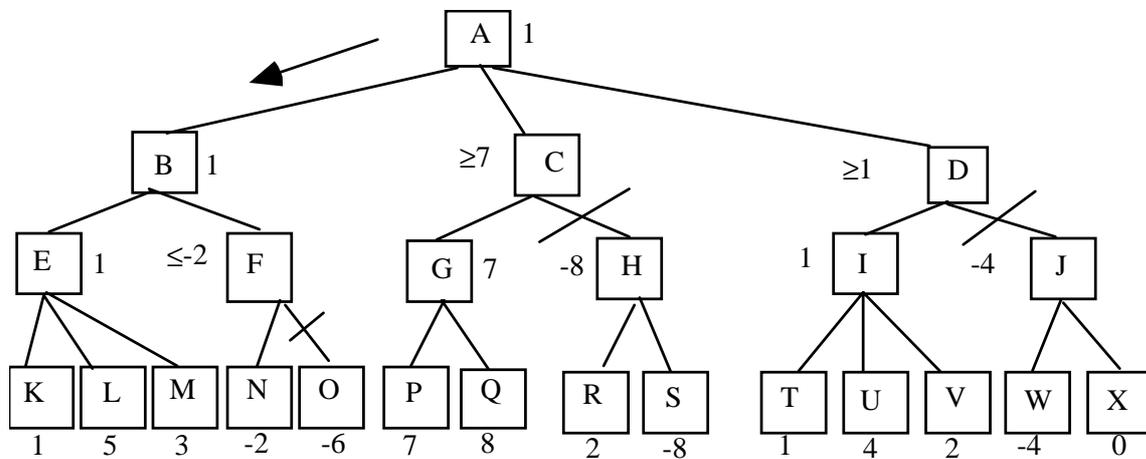
- Min-Max:



21

Soluzione – min-max e tagli alfa-beta

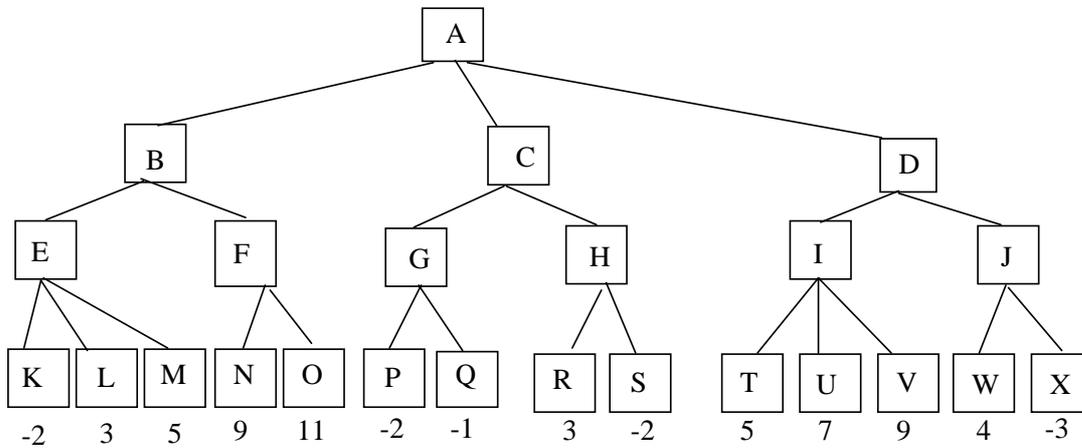
- Tagli alfa-beta:



22

Esercizio – min-max e tagli alfa-beta

- Si consideri il seguente albero di gioco dove i punteggi sono tutti dal punto di vista del primo giocatore.

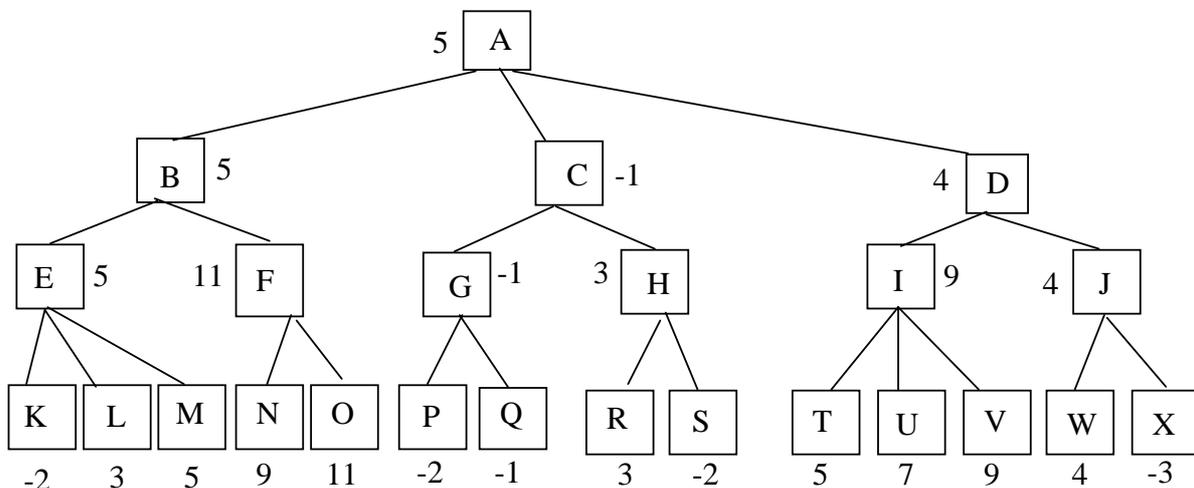


- Supponendo che il primo giocatore sia MAX, quale mossa dovrebbe scegliere? Si applichi l'algoritmo MIN-MAX. Successivamente si mostrino i tagli alfa-beta.

23

Soluzione – min-max e tagli alfa-beta

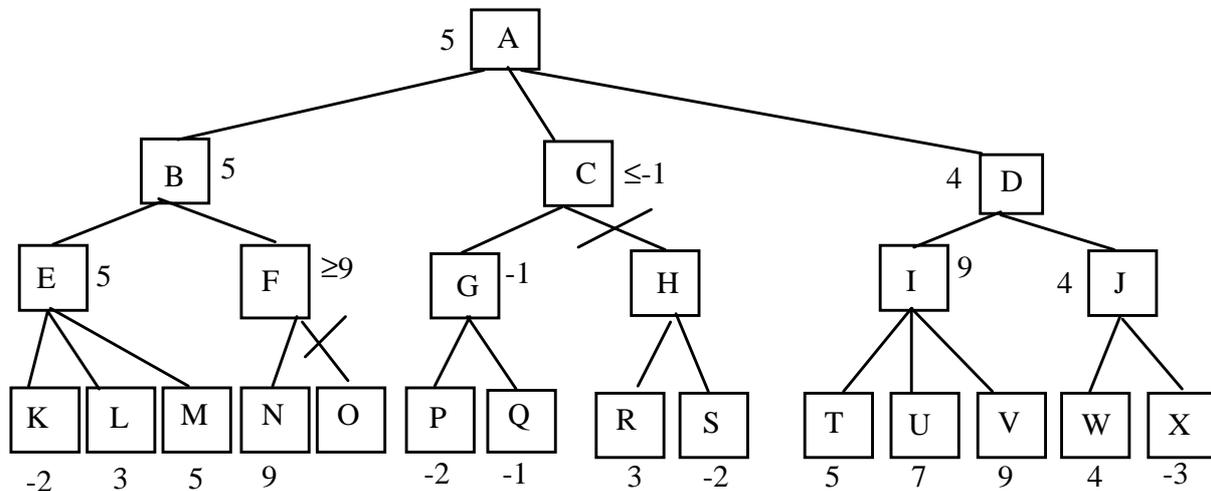
- Min-Max:



24

Soluzione – min-max e tagli alfa-beta

- Tagli alfa-beta:



25

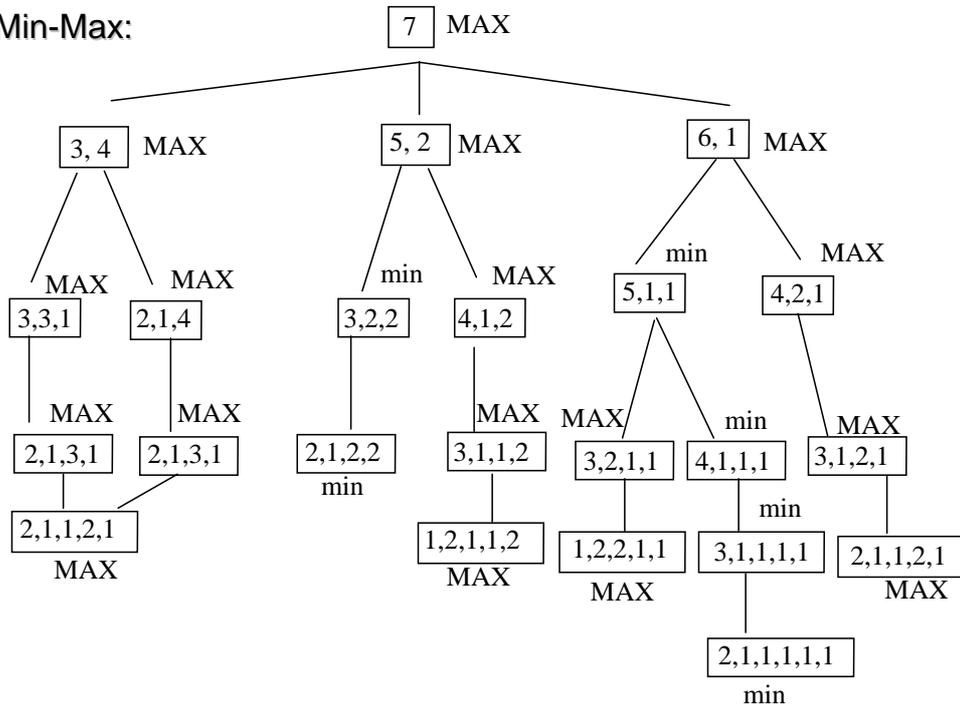
Esercizio – min-max e tagli alfa-beta

- Si consideri il seguente gioco:
- due giocatori hanno davanti una singola pila di oggetti (ad esempio una pila di monete).
- Il primo giocatore divide la pila in due pile separate che devono essere diverse. Poi continua il secondo lavorando su una a scelta delle due pile e così via.
- Il gioco termina solo quando in ogni pila ci sono una o due monete. A questo punto il primo giocatore che non può muovere ha perso.
- Si applichi la procedura MIN-MAX e si mostri lo spazio di ricerca nel caso in cui cominci MIN con una pila di 7 monete.
- Si commenti lo spazio risultante.
- Notazione: Ogni nodo dello spazio di ricerca rappresenta una configurazione: in particolare i numeri X,Y,Z indicano che si hanno tre pile corrispondenti ciascuna ad un numero, che indica il numero di monete contenute

26

Soluzione – min-max e tagli alfa-beta

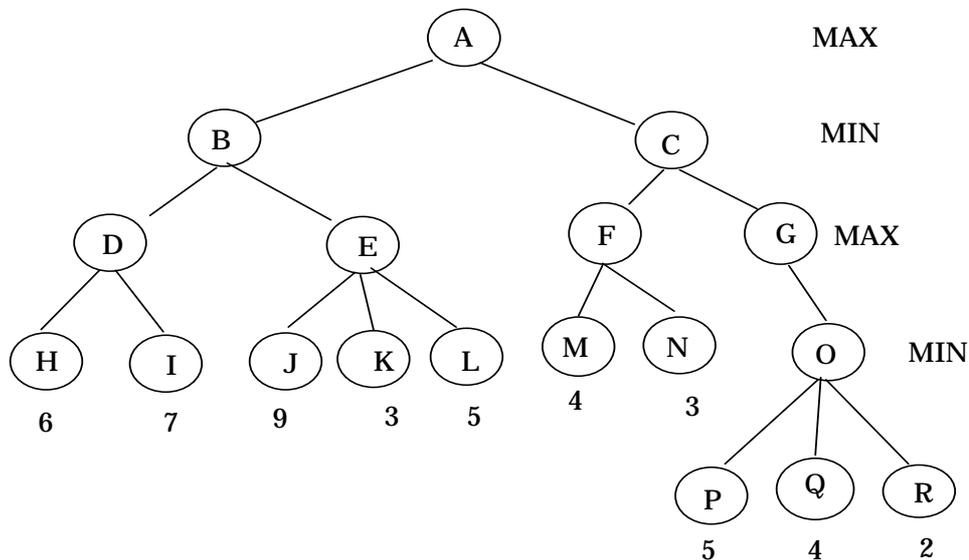
- Min-Max:



27

Esercizio – min-max e tagli alfa-beta

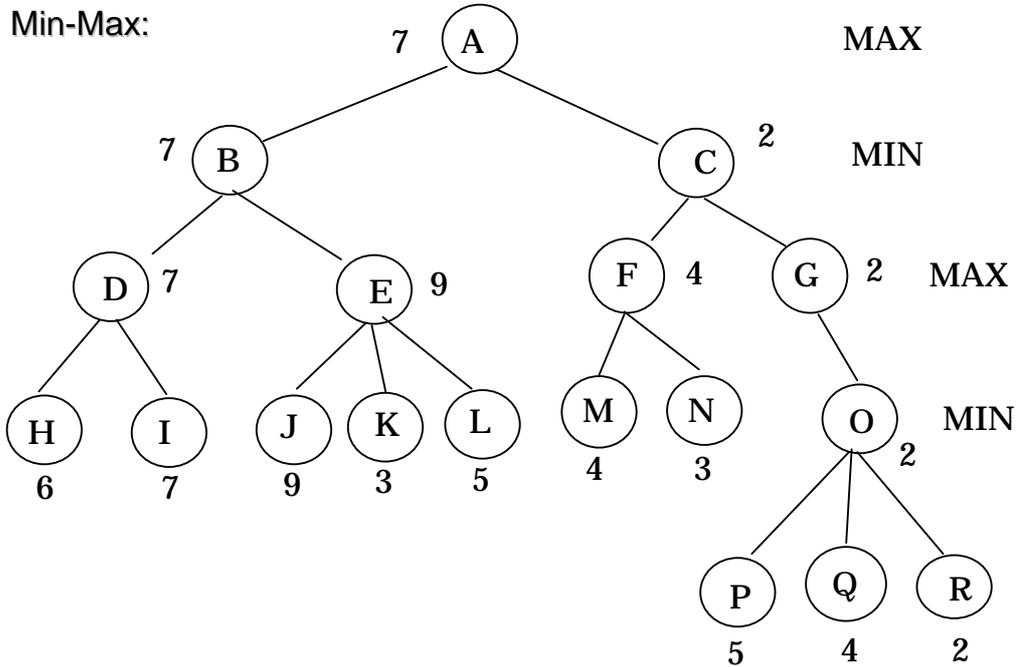
- Dato il seguente albero di ricerca per un gioco a due giocatori, si mostri quale mossa selezionerà MAX, secondo l'algoritmo MIN-MAX. Si mostri inoltre come può essere potato l'albero applicando i tagli alfa-beta.



28

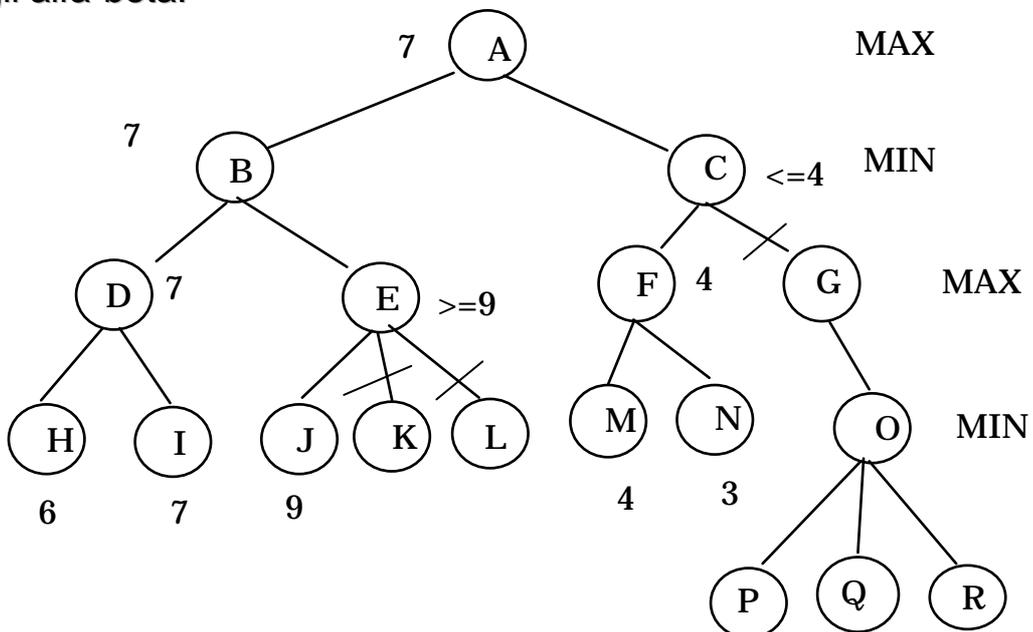
Soluzione – min-max e tagli alfa-beta

- Min-Max:



Soluzione – min-max e tagli alfa-beta

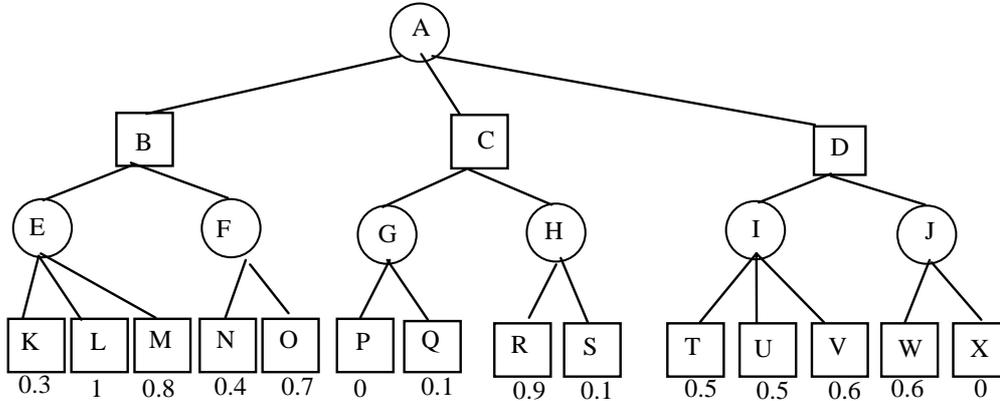
- Tagli alfa-beta:



Esercizio – min-max e tagli alfa-beta

Compito del 5 Novembre 2003

- Si consideri il seguente albero di gioco dove i punteggi (compresi tra 0 e 1) sono tutti dal punto di vista del primo giocatore (0 indica la sconfitta di MAX e 1 la sua vittoria) :

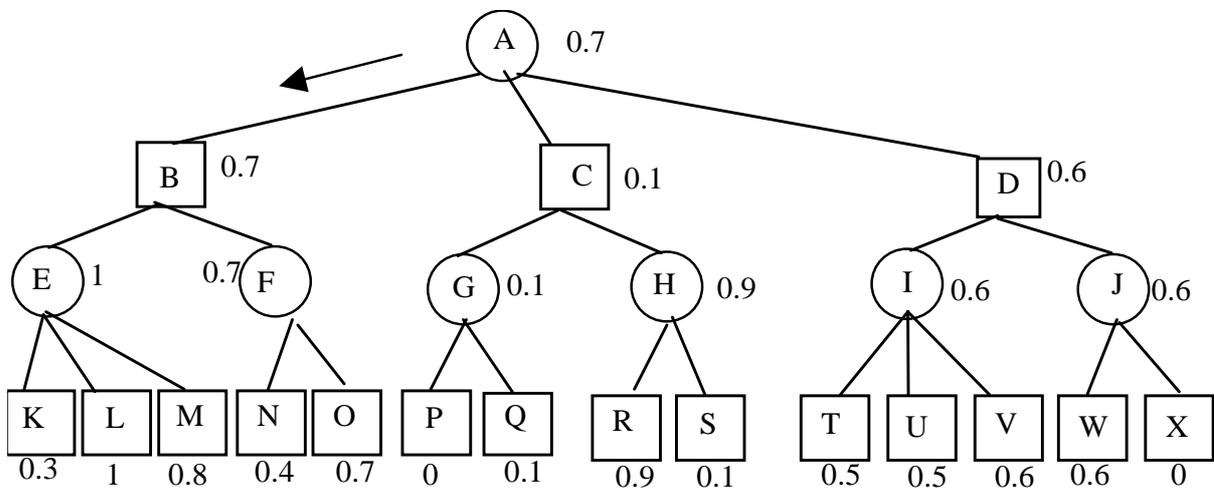


- Supponendo che il primo giocatore sia MAX, quale mossa dovrebbe scegliere? Si risolva l'esercizio tramite l'algoritmo MIN-MAX. Successivamente si mostrino i tagli alfa-beta.

31

Soluzione – min-max e tagli alfa-beta

- Min-Max:



32

Soluzione – min-max e tagli alfa-beta

- Tagli alfa-beta:

